

ن بیه سازی تصادفی و روش های مونت کارلو  
به همراه دستورهای R

عبدالرضا سیاره



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

شماره ۴۸۶

سروشناسه: سیاره، عبدالرضا - ۱۳۴۴

عنوان و نام پدیدآور: شبیه‌سازی تصادفی و روش‌های مونت‌کارلو به همراه دستورهای R / عبدالرضا سیاره.  
مشخصات نشر: تهران: دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، انتشارات، ۱۳۹۹.

مشخصات ظاهری: ۳۶۵ ص.

شابک: ۸-۵۳-۶۶۵۵-۷۸۷۸

وضعیت فریست نویسی: فیبا

موضوع: مت رهای تصادفی - راهنمای آموزشی(عالی).

موضوع: احتمالت راهنمای آموزشی(عالی).

موضوع: کامپیوترها - شیوه‌ها - راهنمای آموزشی(عالی).

رده بندی کنگره: ۱۲۷۳

رده بندی دیوی: ۰۷۶/۰۷۰/۱۹

شماره کتابشناسی ملی: ۶۰۹۴۱۶۹

[press.kntu.ac.ir](http://press.kntu.ac.ir)



ناشر: دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

عنوان: شبیه‌سازی تصادفی و روش‌های مونت‌کارلو به همراه دستورهای R

مؤلف: دکتر عبدالرضا سیاره

نوبت چاپ: اول

تاریخ انتشار: اسفند ۱۳۹۸ ، تهران

شمارگان: ۲۰۰ جلد

ویرایش: ویراستار دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

چاپ: دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

صحافی: گرانامه

قیمت ۶۵۰۰۰ تومان

تمام حقوق برای ناشر محفوظ است

خیابان میرداماد غربی - شماره ۴۷۰ - انتشارات دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی - تلفن: ۸۸۸۸۱۰۵۲

میدان ونک - خیابان ولی عصر (ع) - بالاتر از چهارراه میرداماد - شماره ۲۶۲۶ - مرکز پخش و فروش انتشارات

تلفن: ۸۸۷۷۲۲۷۷ - رایانامه: [press@kntu.ac.ir](mailto:press@kntu.ac.ir) - تارنما (فروش برشط): [press.kntu.ac.ir](http://press.kntu.ac.ir)

## مقدمه

تاریخچه شبیه‌سازی از جنبه‌های مختلفی قابل بررسی است؛ اما در یک دسته‌بندی کلی، روش‌های شبیه‌سازی به دوران پیش از رایانه و پس از ظهور رایانه بازمی‌گردد. دوره قبیل از رایانه به مفهوم امروزی، خود به دوران بوفون<sup>۱</sup> تا قبل از جنگ جهانی دوم، یعنی در فاصله سال‌های ۱۷۷۷ تا ۱۹۴۵ و پس از آن تقسیم می‌شود. آشناترین نام در شبیه‌سازی، روش مونت کارلو<sup>۲</sup> است. این روش در صورت کلی خود با آزمایش سوزن بوفون معروف شد. بوفون در سال ۱۷۷۷ با استفاده از پرتاب سوزن با روی، سطوح هم مساحتی که توسط خطوط موازی بر روی سطح صافی ایجاد شده بود؛ تصمیم به محاسبه عدد  $\pi$  گرفت. محاسبات بوفون شامل خطابی بود که در سال ۱۸۱۲ توسط لابلás<sup>۳</sup> تصحیح شد. دیدت زمان اندکی کمتر از یک قرن پس از لابلás، آماردانی به نام گاست<sup>۴</sup> توزیعی تحت عنوان<sup>۵</sup> متونت را در سال ۱۹۰۸ معرفی کرد. گاست قادر به محاسبات دقیق و استفاده از روش‌های نالیکی بر<sup>۶</sup> تعیین شکل این چگالی نبود و با روش شبیه‌سازی بسیار مقدماتی به بررسی شکل این توزع پرداخت. سال‌های ۱۹۴۵ تا ۱۹۷۰ دوران شکوفایی روش‌های شبیه‌سازی بود. این شکوفایی در سه سایت اول اینهای الکترونیکی در سال (۱۹۴۰) و استفاده از این رایانه‌ها توسط يولام<sup>۷</sup> و نیومون<sup>۸</sup> به طور استفاده از روش‌های مونت کارلویی در طراحی بمب‌های هیدروژنی است. بررسی‌های يولام در حل مسائل احتمال به کمک روش‌های مونت کارلویی، باعث شد که روش‌های شبیه‌سازی در فیرید مارک<sup>۹</sup> مورد استفاده قرار بگیرد. از سال ۱۹۵۰ به بعد با پیشرفت‌هایی که در رایانه‌ها به وجود امده‌اند، هنر شبیه‌سازی<sup>۱۰</sup> از ۱۹۶۰ تا ۱۹۷۰ میلادی<sup>۱۱</sup> ایجاد شد. با پیشرفت رایانه‌های ۱۰<sup>۱۲</sup> تا ۱۰<sup>۱۳</sup> وردون<sup>۱۳</sup> به این شرکت پیوست و سیستم‌های شبیه‌ساز را معرفی کرد. روش‌های مونت کارلو،<sup>۱۴</sup> گسترده‌ای از

<sup>۱</sup>Buffon

<sup>۲</sup>Monte carlo

<sup>۳</sup>Laplace

<sup>۴</sup>Gosset

<sup>۵</sup>Ulam

<sup>۶</sup>Neumann

<sup>۷</sup>Tocher

<sup>۸</sup>Gordon

الگوریتم‌های محاسباتی بر پایه تکرار نمونه‌گیری تصادفی به منظور یافتن نتایج عددی مورد انتظار است. تأکید این روش بر استفاده از مفهوم تصادفی بودن برای حل مسائل قطعی و غیرصادفی است. روش‌های مبتنی بر ایده مونت کارلو، به کمک قانون اعداد بزرگ به حل مسائل احتمالی می‌پردازند. در این روش، انتگرال به عنوان امید ریاضی متغیرهای تصادفی توسط صورت تجربی میانگین، تقریب زده می‌شود. تا قبل از معرفی روش مونت کارلو، شبیه‌سازی برای حل مسائل غیرصادفی به کار می‌رفت و نقش نمونه آماری، برآورد ناظمینانی در شبیه‌سازی بود. روش مونت کارلو این نقش را تغییر داد. در رقع به کمک این روش مسائل غیرصادفی توسط مسائل احتمالی که شبیه به مسئله ای است؛ حل می‌شود. پیش از یولام در سال ۱۹۳۰ فرمی<sup>۱</sup> روش مونت کارلو را در مسائل هسته‌ای<sup>۲</sup> کار رده ب د یولام در ۱۹۴۰ صورت جدیدی از زنجیره مارکوف مونت کارلویی را معرفی کرد. تا قبل از متروپولیس<sup>۳</sup> که از همکاران یولام و نیومن بود؛ نام مونت کارلو برای این روش شبیه‌سازی استفاده می‌شد و در رقع این نام پیشنهاد متروپولیس بود. پیشرفت‌های عمدۀ روش مونت کارلو در لاس آلاموس<sup>۴</sup> واقع سوست؛ زیرا در این مرکز رایانه‌های پر قدرتی وجود داشت و یولام، نیومن و متروپولیس در این مرکز روی مسائل مختلف در زمینه‌های گوناگون فعالیت می‌کردند. پیشرفت‌های زیادی در این زمینه داشتند؛ تا سال ۱۹۹۳ که مونت کارلوی دنباله‌ای توسط گوردون وارد تحلیل بیزی شد و مقاله‌ای در زمینه راه‌های بازنمونه‌گیری در استنباط بیزی نوشت. در واقع الگوریتم خودگردان<sup>۵</sup> در این مقاله معرفی شد؛ جیوه مارکوف مونت کارلو<sup>۶</sup> که در ابتدا برای تقریب‌های عددی و حل انتگرال‌های چندگانه معرفی شد، بود؛ برای نمونه‌گیری از توزیع‌های احتمال، مورد استفاده واقع شد. در این روش، زنجیره مارکوف مونت کارلو<sup>۷</sup> که در ابتدا برای این زنجیر معرفی شدند. یکی از این الگوریتم‌ها، روش متروپولیس<sup>۸</sup> است که الگوریتم کامل آن در سال ۱۹۷۰ توسط متروپولیس و هستینگز معرفی شد. پرادران استوارت و گمن در سال ۱۹۸۴ روش نمونه‌گیری گیزرا طراحی و به یاد گیزبر، فیزیکدانی که حدود هشتاد سال قبل از آن‌ها به مطالعه نمونه‌گیری و فیزیک آماری پرداخته بود؛ معرفی کردند. این الگوریتم حالت خاصی از

<sup>۱</sup>Fermi<sup>۲</sup>Metropolis<sup>۳</sup>Bootstrap<sup>۴</sup>Markov chaine Monte carlo<sup>۵</sup>Hastings

الگوریتم متربولیس-هستیننگر است. اما بعداً برای نمونه‌گیری از مجموعه‌های بزرگ از متغیرها مورد استفاده قرار گرفت. همچنین وقتی که نمونه‌گیری از توزیع‌های دو متغیره امکان‌بزیر نیست، این الگوریتم مورد استفاده قرار می‌گیرد. کاربرد امروزه این روش، در نمونه‌گیری از توزیع پسین در نظریه بیزی است. از جمله مشکلاتی که در استنباط در مورد جامعه وجود دارد؛ این است که مدل تحت مطالعه ممکن است تحت داده‌هایی که برای بررسی مدل به کار گرفته می‌شود، پیش‌بینی مناسبی در مجموعه داده‌ها داشته باشد؛ اما برای داده‌های مشاهده نشده از جامعه دارای دقت مناسبی نباشد. لذا اعتبارستجو متقابل<sup>۱</sup> به عنوان فرایندی برای عمومیت بخشیدن به عملکرد برآورده، به طور رسمی توسط موستلر<sup>۲</sup> و کی<sup>۳</sup> در سال (۱۹۶۸) معرفی شد. این الگوریتم به طور عمده شامل روش‌های ارزیابی مدل داده است. هنگامی که هدف از استنباط آماری پیش‌بینی است؛ این روش کمک می‌کند تا مدل پیشگوی باشد زیرا انتخاب شود. در عصر حاضر، روش‌های مبتنی بر مونت کارلو در بسیاری از مسائل ریاضی، ... سیستم و الوم حیاتی، فیزیک، شبکه‌های عصبی، گرافیک و سایر علوم مورد استفاده قرار می‌گیرند. بدیناره، از تابعه‌ها در نظریه فرایندهای تصادفی برای این روش شبیه‌سازی شکل گرفته است. با پیشرفت رایانه‌ها این الگوریتم به سرعت در حل مسائل علم داده‌ها وارد شده است.

عبدالرضا سیاره

۱۳۹۸

<sup>۱</sup>Cross Validation

<sup>۲</sup>Mosteller

<sup>۳</sup>Tukey