

خدمی‌بز!

نام کتاب: ماجراهای من و درسام برای ۲۰ گرفتن	عنوان و نام پدیدآوران: ماجراهای من و درسام برای ۲۰ گرفتن
ریاضیات گسته - دوازدهم	ریاضیات گسته - دوازدهم
ناشر: خیلی سبز	ناشر: خیلی سبز
مؤلف: مصطفی دیداری	مشخصات نشر: تهران، خیلی سبز، ۱۳۹۷
ویراستاران علمی: مریم نظری - پیام ابراهیم‌نژاد	مشخصات ظاهری: ۱۳۹۷ س. : مصور، جدول ۲۹ × ۲۹ س. م
ویراستار فنی: اکرم امیدی	دایک: ۹ - ۵۹۴ - ۴۱۲ - ۶۰۰ - ۹۷۸
طراح جلد: حسین پاشازاده	موضوع: ریاضیات -- آزمونها و تمرین‌ها (متوسطه)
گرافیست جلد: سارا داوودی	موضوع: ریاضیات -- راهنمای آموشی (متوسطه)
گرافیست: بهاره امین‌ترابی	شماره کتابه اس. ملی: ۸۸۵۴۶
تصویرساز سردرس: بهاره امین‌ترابی	۵ - ۱۲۶
گرافیست همکار: مسعود علیزاده - فرناز ابوالحسنی	
رسم شکل: مهتاب مسلم‌پور	
و روچینی: الهام احمدی	
صفحه‌آرایی: سید سعید هاشمیان	
پیوگرایی: اپخانه: پروین	
نوبت چار اوا ۹۷	
تیراز: ۲۰۰۰ جا	
قیمت: ۳۰۰۰، بوما	
تلفن مرکز پخش: ۰۲۱-۶۳۵۶۱	
صندوق پستی: ۰۴۱۰۰-۸۱۷۷	
SMS: ۰۰۰۰۶۳۵۶۳	

کلیهی حقوق این اثر برای ناشر محفوظ است و هیچ شخص حقیقی یا حقوقی حق چاپ و برداشت تمام یا قسمتی از اثر را به صورت چاپ، فتوکپی، جزو و حتی دستنویس ندارد و متخلفین به موجب بند ۵ از مادهی ۲ قانون حمایت از ناشرین تحت پیگرد قانونی قرار می‌گیرند.

راستی تا یادم نرفته

اگر در مورد این کتاب سؤال، پیشنهاد یا انتقادی دارید خوشحال می‌شویم آن‌ها را به ما هم بگویید.



www.kheilisabz.com



kheilisabzpub



kheilisabz

مقدمة مؤلف

چون حسابی درگیر کار بودم وقت نمی‌کردم برم دانشگاه‌ها هر از گاهی سری می‌زدم تا بینم چه خبر است. درس نظریه اعداد داشتم، آخرهای ترم بود. رفتم دانشگاه و آن ته کلاس نشستم. استاد وسط درس دادن یک‌دفعه گفت: «اون ته کلاس، سینما نیستشنه‌ها». راستش را بخواهید خیلی بهم برخورد. بیست دقیقه گذشت. استاد گفت کی فلان قضیه را خوانده است که بیاید سمینار بدهد؟ (سیستمش بیشتر سمیناری بود و فیلی (درس نمی‌دار) کسی دست بالا نبرد. از شانس، من این قضیه را حدود شش ماه پیش به دلیلی (یه سری کلاس آنادگی برای المپیاد داشتم تو یه (بیرستانی) خوانده بودم، ولی خب اثباتش را زیاد یادم نبود! آن حرف استاد هم هنوز توی گوشم بود. گفتم: «فردا برا، نرم؟» از یک طرف اثباتش بود و از یک طرف قصه حال گیری! خلاصه دل را به دریا زدم و دست بالا کردم. کمی تعجب کرد. بالأخره او لین جلسه حضور من بود. رفتم آن جلو. نفس عمیقی کشیدم، ولی هر کاری کردم دیدم نه خیر! چیزی یادم نمی‌آیدا (حالا استرس و اینا و ...) پیش خودم گفت از این سوتون به آن سوتون فرج است، فعلًا صورت قضیه را پای تخته بنویسم شاید چیزی یادم آمدنا نوشتم و دیدم نه مثل این که قضیه جدی است، چیزی یادم نمی‌آید. یک‌دفعه چیزی به ذهنم رسید. کتاب را بستم و گفتم: «خب ایده بدھید، اثبات که در کتا، هست». من برای شما رونویسی کنم فایده‌ای ندارد. دانشجوها شروع به اعتراض کردن و ای استاد از این حرف من خوشش آم و گفه: «خب راست می‌گوید. اگر پای تخته تندتند بنویسد که فایده‌ای ندارد» خلاصه این‌ها یک چیزی می‌گفتند و من هم کمی ب ت می‌کردم و زیر زیر کی هم کتاب را نگاه می‌کردم! بالأخره هر جوری بود اثبات را تمام کردم. (البته به دلم نهسید. فلساً بعد یه موضوع دیگه رو زی معلم. به همون صورت بعثت دو طرفه با دانشجوها سمینار دادم. استاد هم فیلی هال کرد و وسطش شروع کرد تعریف و تمبید! پایان ترم هم بدون ایرک. رفه اه، بر صحیح کنه تنها ۲۰ لیسانسمو داد. بگذریم ...) غرض از نقل این خاطره، آن جمله قصاری بود که گفتم! اکثرًا می‌پرسید: آقا چه‌جوری اید. ژان‌ها ما تست‌های ریاضی را حل کنیم؟ ببینید اگر توانستید حل کنید که کارتان درست است ولی اگر نشد تکلیف چیست؟ این ج باید برعی حواب را از روی پاسخ‌نامه ببینید. خودتان را دست کم نگیرید. به ذهنتان مهلت بدھید. سعی کنید ارتباطی بین چیزهایی که می‌انی و چیزهایی که باید به دست آورید برقار کنید. مثال‌های حل شده جزوء معلم یا درس‌نامه کتاب‌ها را ببینید و راه حل را تا جایی که بتوانید جلو روید. اگر هنوز به حواب نرسیدید اشکالی ندارد، می‌توانید پاسخ را ببینید. اگر همه این مراحل را طی کرده باشید یک «هان سالم اینجا بود» به خود خواهید گفت. به شما تبریک می‌گوییم چون این جا یادگیری شما کامل شده است. بچه‌ها با این کارها آن مطلب، وار، حافظه بلندمدت می‌شود و دیگر به این راحتی یادتان نمی‌رود. این است که من همیشه به بچه‌ها می‌گویم: هزار تمرینی که من برا، مه حل کنم (البته که برای یادگیری اولیه لازمه!) مثل آن یکی که خودتان حل می‌کنید نمی‌شود. آن را خودتان کشف کرده‌اید، جزئی ا بود ش باشده است، لذتش هم مال خودتان است.

بعد چند کلمه هم در مورد این کتاب بگوییم. احتمالاً کتاب ریاضی دهم یا حسابان من سری سایر اساتید است که در اینجا معرفی شده است. این کتاب در مطالعه کتاب درسی را در قالب پله‌های درسی (پس باشد کامل و به ترتیب، نوروزی کنی) آورده‌ام، بخوانید. بعد هم نوبت به حل تمرین‌ها می‌رسد که الان گفتم چه کنید. مشابه همه تمرین‌ها و مثال‌های درس هم قرار داده‌ام، پس چاره‌ای جز نمره ۲۰ در امتحان نهایی ندارید! فقط یک نکته این که شماره برخی از تمرین‌ها را رنگی کرده‌ام. ببینید این سوال‌ها همه در چهار چوب کتاب درسی هستند، پس بسته به جزوء معلم محترمان می‌توانند در امتحان‌های مدرسه بیایند ولی خوب! چون مشابه آن‌ها در کتاب درسی نیست، خیالتان راحت باشد در امتحان نهایی نمی‌آید. اگر زمان کوتاهی تا امتحان نهایی دارید می‌توانید از آن‌ها عبور کنید. دو امتحان ترم اول و چهار امتحان ترم دوم هم در انتهای کتاب گذاشته‌ام. برای نهایی حتماً (دارم می‌گم) آن‌ها را حل کنید چون سعی کرده‌ام دوباره تمام تمرین‌های مهم کتاب درسی پوشش داده بشود. خلاصه این که بخوانید و حالش را ببرید. در پایان تشکر می‌کنم از همه خیلی سبزی‌ها؛ از دکتر نصری و دکتر اسلامی به خاطر اعتماد دوباره. از ویراستاران محترم سرکار خانم نظری (انصافاً دقت‌شون از من بیشتر بود) و آقای ابراهیم‌نژاد عزیز. از همسر خوبیم به خاطر همراهی صدیقه‌ام، از محمد‌مهندی و تنسیم به خاطر شلوغ‌کاری! از خودم به خاطر نوشتمن این کتاب، از شما برای خواندن کتاب، از پرده‌سی به خاطر آب و هوای خوب (می‌فرازم) به صفحه پر شه په کنم! و از مسئولین محترم که با تلاش‌های شبانه‌روزی نگذاشتند قیمت دلار و سکه و ... افزایش پیدا کند تا من با آرامش خیال داشم. شما کتاب بخوبیم.

فهرست



۷

۷

۱۵

۲۶

۳۶

فصل اول: آشنایی با نظریه اعداد

درس ۱: استدلال ریاضی

درس ۲: بخش‌پذیری در اعداد صحیح

درس ۳: هم‌نهاشت، در اعداد صحیح و کاربردها

پاسخ سوال‌های امتحانی

۵۵

۵۵

۶۸

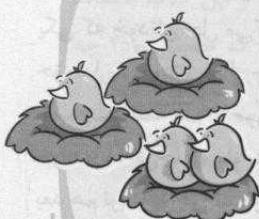
۷۴

فصل دوم: کراف و مدل‌سازی

درس ۱: معرفی گراف، تعاریف و برخی خواص

درس ۲: مدل‌سازی بـ گرا

پاسخ سوال‌های امتحانی



۸۴

۸۴

۹۱

۱۰۱

فصل سوم: ترکیبیات (شمارش)

درس ۱: مباحثی در ترکیبیات

درس ۲: روش‌هایی برای شمارش

پاسخ سوال‌های امتحانی

۱۱۵

۱۱۷

۱۲۳

۱۲۸

امتحان‌های نیمسال اول

امتحان‌های نیمسال دوم

پاسخ‌نامه امتحان‌های نیمسال اول

پاسخ‌نامه امتحان‌های نیمسال دوم



$a \ b \ , \ a \neq b \ deg(v_i)$

$\frac{n}{n+1} < D$

$a+c = b+c$