

جریان شاره‌ها در مقیاس میکرو و نانو

مبانی و شبیه سازی

پدیدآورندگان
جرج ام کارنیاداکیس
علی بسکوک
نرمان آر. آلورو

برگردانندگان

ابراهیم شیرانی

استاد دانشکده مهندسی مکانیک

دانشگاه صنعتی اصفهان

امیر هوشمند

کارشناس ارشد مهندسی مکانیک

دانشگاه صنعتی اصفهان

مقدمه از چی مینگ هو

جریان سیال از کانال‌های کوچک با توجه به اهمیتی که در مباحث بیوشیمیایی، سیستم‌های آزمایشگاه برترانه و نیز فناوری ساخت سیستم‌های میکروالکترومکانیکی دارد، عنوان پژوهشی جالب توجه، علی‌الخصوص از سال‌های حدود ۱۹۸۰ به بعد شده است. این کتاب خلاصه‌ای مفهومی از ویژگی‌های ابزارهای محاسباتی (فصول ۱۴ تا ۱۸) را برای توصیف جریان سیال در هیستریزهای میکروسکوپی و نانو را ارائه می‌کند. اگرچه بسیاری از مباحث بنیادی که در این نوع جریان‌ها حاکم هستند را در جریان‌های معمول ماکرو مشاهده نمی‌کنیم، اما مقیاس طول جریان نسبت به مقیاس طول مولکولی به گونه‌ای بزرگتر است که می‌توان همچنان در اغلب موارد از فرضیه مذکور استفاده بهره‌مند شد (فصل اول). البته عدد رینولدز در این موارد به دلیل مقیاس طولی کوچک بسیار کمتر از واحد است، که این امر گرادیان‌های سرعت بالایی را به همراه خواهد داشت. به عنوان مثال یک نرخ برش 10^5 sec^{-1} شرط عملکردی غیرمعمول نیست و لذا نیروهای لزجی بالا متداول بوده، که در نتیجه آن صدها یا هزاران μm افت فشار هیدرودینامیکی در عرض یک شبکه سلول‌ها اتفاق می‌افتد. متعاقباً طراحی میکروپمپ‌هایی با ارتفاع فشاری مورد نیاز بدون ایجاد مشکلات ناشی، کاری آسان نخواهد بود. نیروهای الکتروستاتیکی یا کشش سطحی (فصول ۷ و ۸) به عنوان بایگین‌هایی برای جابه‌جایی ذرات خاص یا کل جریان استفاده می‌شوند. هم‌چنین میرایی لزج به بالا شانس هرگونه ناپایداری هیدرودینامیکی را از بین می‌برد، که این موضوع برای یک اختلاط مؤثر بسیار ضروری است. اختلاط در تجهیزات میکرو نیز غالباً در قابلیت‌های سیستم حائز اهمیت است (فصل ۹). بکارگیری نیروی الکتروستاتیکی برای دستیابی به اختلاط هرچه مغشوش‌تر، یک موضوع پژوهشی منحصر به فرد و جالب توجه است. در این موارد خواص بحرانی همچون ثابت دی‌الکتریک، بیش از لزجت در محاسبه بازده انتقال اهمیت دارند.

پیشگامان ملی نانو که برای نخستین بار در امریکا (www.nano.gov) بنای فعالیت را گذاشتند و پس از آن در بسیاری کشورهای دیگر آغاز به کار کردند، محدوده مقیاس طولی مسائل روز را از میکرون به نانومتر تغییر دادند. جریان در این رژیم‌ها بنای سربلندی از

فرضیات اساسی در مکانیک محیط‌های پیوسته را می‌گذارد (فصل ۱). اثر مولکول‌های درون حجم جریان از مولکول‌های حاشیه جریان در مرز جامد، تفکیک می‌شود (فصل ۱۰). این موضوع برای جریان در هیئت‌های بسیار کوچک بحث برانگیز می‌شود. تعیین مرز بین فرض پیوسته یا ناپیوسته بودن جریان، همچنان مستلزم بررسی بوده و تأثیر عمیق آن بر درک رفتار سیال در مقیاس کوچک یا طراحی سیستم، اجتناب‌ناپذیر است.

نسبت اندازه کانال به مولکول تنها پارامتر ارزیابی فرض پیوسته بودن نیست. به عنوان مثال در کاربردهای بیولوژیکی، با مولکول‌هایی با تغییرات شدید ترکیبی، بارهای الکتریکی و ساختار قفسی مواجه هستیم. این متغیرها چگونگی حصول شرط فرض پیوسته را تنها براساس نسبت اندازه‌ها به چالش می‌کشند (فصل ۱۱). هنگامی که یک جریان سیال نیوتونی پیوسته در نظر گرفته می‌شود، آثار مولکولی با معادلات مرسوم مکانیک سیالات تعریف می‌شوند. تعاملات بین مولکولی با یک ثابت فیزیکی که لزجت نام دارد، تصریح می‌شوند. شرط عدم لغزش تعامل بین مولکول‌های سیال و سطح جامد را بیان می‌دارد. هردو مفهوم لزجت و شرط عدم لغزش، با توجه به شککات فرض پیوسته بودن، می‌تواند به نتایج دیگری بیانجامد (فصل‌های ۲ و ۱۰).

در رژیم نانو جریان، مولکول‌های زیست‌شناسی در از دیواره قرار ندارند. لذا حرکت حجمی جریان به طور قابل ملاحظه‌ای تحت تأثیر انعطاف‌ناپذیری پتانسیل تولید شده توسط مولکول‌های نزدیک سطح جامد قرار می‌گیرد. در نزدیکی سطح، مولکول‌های سیال آزادانه در جریان نیستند. در فاصله‌ای به اندازه چند لایه مولکولی سیال از سطح، جریان ثابت فیزیکی بسیار متفاوتی نسبت به حجم جریان دارد. آثار سطح تنها در مورد ابعاد نانو حائز اهمیت نیست (فصل ۱۰)، بلکه در تجهیزات میکروسیالاتی نیز، عملکرد و به عنوان مثال رسوب سطح) وابسته به مشخصات سطح است. غالباً در این تجهیزات زمان بزرگ برای پرداختن به خواص سطح صرف می‌شود، تا طراحی و ساخت دستگاه. به عنوان نتیجه از آن، درک محدود ما از رفتار سیالاتی نانوکanal‌ها (فصل‌های ۱۰ تا ۱۳)، بسیاری از فرایندهای سیستمی فناوری امروزی دشوار، ناقص و پر زحمت هستند. رساندن یا متوقف کردن یک حجم پیکولیتری از سیال به موقعیتی خاص با دقت بالا همچون فرایندهای دیگر نظیر اختلاط ذرات نانویی یا میکرونی در یک سیال با غلظت یونی بالا، همچنان ماموریت‌های چالش برانگیز عملی را در این زمینه رقم می‌زنند. با توسعه درک مفاهیم تعاملات سیال در دنیای نانو، بسیاری از رازها و مسائل و چالش‌هایی که دانشمندان را متوجه خود ساخته‌اند، قابل تحلیل خواهند شد.

پیشگفتار نویسندگان

در سال‌های حدود ۱۹۹۰ آزمایش جریان در میکروکانال‌ها که توسط گروه اچ. باو و جی. زمل در دانشگاه پسیلوانیا انجام شد، نتایج جالب و فریبنده‌ای را برای جریان گازها و مایعات افشا کرد، به گونه‌ای که اشتیاق و هیجان زیادی را برای مطالعه جریان‌های با عدد رینولدز پایین و در مقیاس میکرو، ایجاد نمود. یک واقعه تأثیرگذار دیگر که تقریباً همزمان با مورد اول رخ داد، ساخت اولین میکروکانال با حسگرهای مجتمع فشار توسط گروه سم. ام. هو (UCLA) و وای. سی. تای (کالتک) بود. هر دو گام به نتایج تجربی حاصل در دانشگاه پسیلوانیا، مبنی بر اختلاف کلی جریان میکرو با جریان‌های ماکرو، اندازه‌گیری جریان گاز با حسگرهای فشار و سپس حسگرهای دما نیز رفتار نوین جریان در ابعاد میکرو که با تئوری آشنای محیط پیوسته قابل توجیه نبود را بیان می‌کرد. در هندسه‌های میکرو، جریان برای مایعات، دانه‌ای (ذره‌ای) و برای گازها رقیق بوده و دیوارها اصطلاحاً "متحرک" محسوب می‌شوند. به علاوه ممکن است سایر پدیده‌ها همچون خزش گرمایی، الکتروستاتیک، گرمایش لزجی، نفوذ غیرعادی و حتی آثار کوانتومی و شیمیایی نیز اهمیت یابند. به عنوان نمونه، این عامل، جنس دیواره و کیفیت سطح آن نقش مهمی را در تبادل انرژی و مومنتوم ایفا می‌کنند. ممکن است این بحث نیز پیش آید که دست کم برای گازها، موقعیت شبیه به جریان فضایی کم فشار در ارتفاعات بالا است که به طور گسترده‌ای از بیش از ۴۰ سال پیش مطالعه شده‌اند. در حقیقت در رژیم جریان خاصی از اعداد نادستن چنین است. اگرچه غالب جریان‌های گاز در ابعاد میکرو در اعداد رینولدز و ماخ پایین وقوع می‌یابند و این امر در تضاد با جریان همتای فضایی آنهاست. به علاوه اغلب هندسه‌های میکرونی دارای نسبت منظر بسیار بزرگی هستند و این امر مدل‌سازی عدد آنها را با چالش‌های بیشتری مواجه می‌کند، اما در عین حال فرصت‌هایی را برای دست‌یابی به نتایج شبه‌تحلیلی فراهم می‌نماید. برای مایعات چنین شباهتی وجود ندارد و دینامیک آنها در هندسه‌های میکرونی محدود، به ویژه در محدوده زیرمیکرونی بسیار پیچیده‌تر است. اصلی‌ترین وجوه افتراق بین مکانیک سیالات در ابعاد میکرو و ماکرو را می‌توان در چهار زمینه کلی زیر ارائه کرد:

- آثار غیرپیوسته بودن جریان
- آثار سطحی حاکم بر مسأله
- آثار عدد رینولدز پایین و
- آثار چندمقیاسه و چند فیزیکی

برخی از این آثار را می‌توان با اصلاحات نسبتاً ساده‌ای از روندهای استاندارد عددی در دینامیک محاسباتی شاره‌ها، شبیه‌سازی نمود. البته سایر آثار مستلزم روش‌های جدید شبیه‌سازی بر مبنای الگوریتم‌های چندمقیاسه هستند که برای دامنه‌های ماکرو استفاده نمی‌شوند. برای جریان گاز در ابعاد میکرو، آثار تراکم‌پذیری حائز اهمیت بسزایی است، زیرا گردان‌های چگالی نسبتاً بزرگ می‌باشد، اگرچه عدد ماخ نوعاً مقدار کمی است. براساس مرتبه رقت، نیاز به اعمال تصحیحاتی بر مرزهای یا هر جای دیگری از دامنه مسأله وجود دارد. افزایش آثار رقت - چنان‌که مدل‌های متشکله برای تانسور تنش و بردار شار گرمایی در معادلات ناویر - استوکس را ناتوان کند. از دیگر سوی، کار با معادله بولتزمن یا دینامیک مولکولی قانون نیوتن به طور متغیر برای هندسه‌های پیچیده میکرونی از لحاظ محاسباتی گران‌قیمت است. همین نتیجه برای مسائل نیز صحت دارد، چون شبیه‌سازی اتمی بر مبنای قانون نیوتن برای هر اتم، محدود به احاطه اتم است. بنابراین نیازمند بکارگیری روش‌های میانه یا تلفیقی اتمی - پیوسته برای جریان گاز و مایع در ابعاد میکرو هستیم تا به طور مؤثر با انحرافات از شرایط محیط پیوسته کنار آمده و یک رابطه بین مسأله با ابعاد با دامنه بزرگ ایجاد کنیم. به عنوان مهم‌ترین مسأله، جریان میکرو در جهت‌هایی که کنتش‌های همزمان الکتریکی، مکانیکی، گرمایی و دیگر دامنه‌ها را دربر دارد، نیازمند استفاده از این امر در عوض دلالت بر الزام بکارگیری الگوریتم‌های سریع، قابل انعطاف و مدل‌سازی در ابعاد پایین، برای میسر کردن شبیه‌سازی کامل سیستمی دارد، همان‌گونه که در شبیه‌سازی VL_{MD} در سال ۱۹۸۰ بدان دست پیدا کردند.

بیشرفت‌های قابل توجهی در زمینه گسترش کاربردهای سیالاتی میکرونی و نانویی و در بحث کاربردهای آنها همچون سطوح میانی و شبیه‌سازی این جریان‌ها حاصل شده است، چنان‌که در جلد قبلی این کتاب (۲۰۰۱) نیز قابل ملاحظه بود. بنابراین بر آن شدیم که وظیفه "ارزشمند" به روز رسانی این کتاب را برای شمول گسترش‌های نوین مزبور انجام دهیم.

کتاب حاضر محدوده مقیاس‌های آنگستروم تا میکرون (و بیشتر) را تحت پوشش قرار می‌دهد، در حالی که جلد نخست گستره یکصد نانومتر تا میکرون (و بیشتر) را تحت بررسی داشت. همچنان بر مفاهیم پایه‌ای تأکید داریم، در حالی که تلفیق آن را با نتایج شبه‌تحلیلی،

آزمایشگاهی و عددی ارائه کرده و ارتباط آنها را با مدل‌سازی و تحلیل تجهیزات خاص واکاوی می‌نماییم. دو نویسنده نخست کتاب حاضر (AB و GK) از همکاری نویسنده جدید در این جلد، پروفیسور آن آلورو، بسیار خرسند هستند؛ ایشان سهم منحصر به فردی را در امکان ارائه مطالب جدید در این جلد داشتند. هم‌چنین از انتشارات اشپرنگر و به ویژه ویراستار ارشد ریاضی دکتر آجی دوسانژ که این فرصت را به ما دادند تشکر می‌کنیم. اکثر توسعه‌های نوین در خلال فصول ۷ تا ۱۸ هستند، که موارد جدیدی را شامل می‌گردند. به علاوه سایر فصول (۱ تا ۶) نیز اصلاح شده و در برخی موارد قسمت‌های جدیدی مطرح شده است. مراد مطروحه را به سه طبقه موضوعی اصلی تقسیم می‌کنیم:

- ۱- جریان گاز (فصول ۲ تا ۶)
- ۲- جریان مایع (فصول ۷ تا ۱۳)
- ۳- فنون شبیه‌سازی (فصول ۱۴ تا ۱۸)

دسته آخر شامل دو فصل (۱۷ - ۱۸) است که به مدل‌سازی و شبیه‌سازی در ابعاد پایین می‌پردازد، به علاوه مدل‌سازی پدیده‌های جریان گاز و مایع نیز بررسی می‌گردد. تمامی موارد مشروح در این کتاب را می‌توان طی دو تا سه سال یا یک دوره تحصیلات تکمیلی ارائه کرد. هم‌چنین برخی فصل‌های منتخب را می‌توان به عنوان یک دوره کوتاه یا در دوره کارشناسی به خدمت گرفت. در ادامه یک شمای کلی مختصر از موارد بحث شده در هر فصل را ارائه می‌کنیم.

در فصل اول اهم مفاهیم و تجهیزات مورد بحث در فصول بعدی را به صورت مختصر بیان می‌کنیم. بنا به ضرورت بیان تاریخچه موضوع، آن را با چند نمونه از سیستم‌های میکرو الکترومکانیکی ($MEMS$) آغاز کرده و سپس به بحث در خصوص برخی مباحث بنیادی از قبیل شکست قوانین متشکله، رژیم‌های جدید جریان و مشکلات و مسائل پیش روی برای مدل‌سازی سیستم‌های سیالاتی میکرونی و نانویی می‌پردازیم. هم‌چنین مسأله شبیه‌سازی کامل سیستمی برای سیستم‌های میکرو را مطرح کرده و مفهوم مدل‌سازی ماکرو را ارائه می‌کنیم.

در فصل دوم، ابتدا معادلات اساسی دینامیک سیالات را برای جریان تراکم‌پذیر و تراکم‌ناپذیر ارائه کرده و سپس بدون بعد کردن این معادلات را به بحث و بررسی می‌نشینیم. متعاقباً معادلات تراکم‌پذیر ناویر-استوکس را ملاحظه می‌کنیم و یک شرط مرزی کلی برای سرعت لغزش آن استخراج می‌نماییم. اعتبار این مدل در فصول بعدی ارزیابی می‌شود.

در فصل سوم، جریان گاز برش-محرك را با هدف مدل‌سازی چند عضو از اجزای سیستم‌های میکرو مطالعه می‌کنیم. به منظور رفع مشکل عدم تفهیم صحیح فیزیک جریان در

هندسه‌های پیچیده مهندسی، چند جریان نمونه از قبی جریان کوئت خطی و نوسانی در رژیم‌های لغزش، گذار و آزاد مولکولی و هم‌چنین جریان برش-محرك در میکروحفرات و میکروشیارها را بررسی می‌کنیم.

در فصل چهارم، جریان فشار محرك گاز در رژیم جریان لغزشی، گذار و آزاد مولکولی را ارائه می‌کنیم. در رژیم لغزش، ابتدا نتایج شبیه‌سازی براساس حل معادلات تراکم‌پذیر ناویر-استوکس با مدل‌های مختلف لغزش را که در فصل دوم ارائه شده‌اند، ارزیابی و اثبات اعتبار می‌کنیم. به علاوه دقت تئوری فانوی یک‌بعدی برای جریان در میکروکانال‌ها را ارزیابی کرده و با مطالعه آثار زبری و جریان ورودی می‌پردازیم. در رژیم گذار و آزاد مولکولی جهت پیش‌بینی نیم‌رخ سرعت و دبی جرمی برای جریان در لوله‌ها و مجراها، یک مدل متحد را ارائه می‌نماییم.

در فصل پنجم، انتقال حرارت در جریان گاز با ابعاد میکرو را بررسی می‌کنیم. در بخش نخست بر آثار خزش گرمایی (پدیده انتشار) که ممکن است با گرا دیان مماسی بر سطحشان اهمیت یابد تمرکز می‌کنیم. هم‌چنین به مطالعه جریان‌های با محرك دما پرداخته و اعتبار معادله رسانش گرما را در محدوده عدد ناسنوفر تحقیق می‌کنیم. در بخش‌های دوم و سوم به آثار ترکیبی خزش گرمایی، رسانش حرارتی و تابیهایی در جریان فشار، نیرو و برش-محرك خواهیم پرداخت.

در فصل ششم جریان گاز رقیق در کاربردهای غیر از میکروکانال‌های ساده را ملاحظه می‌کنیم. در بخش نخست، تئوری روانکاری و کاربرد آن را در خصوص مسائل یاتاقان لغزشی و فیلم فشرده ارائه می‌نماییم. در بخش‌های دوم و سوم، جریان‌های جدایش یافته در هندسه داخلی و خارجی برای رژیم جریان لغزشی را به منظور تعیین یاتاقان‌ها و بار مدل‌های لغزشی بر مبنای فرض محیط پیوسته تحت شرایط جدایی، بررسی می‌کنیم. در بخش چهارم نتایج تئوری و عددی را برای جریان استوکس عبوری از روی یک گره شامل آثار رقابت ارائه می‌نماییم. در بخش پنجم، ارائه خلاصه نتایج مهم جریان گاز از درون میکروفیلترها که جهت جداسازی و شناسایی ذرات شیمیایی و بیولوژیکی درون هوا کاربرد دارد، می‌پردازیم. در بخش پایانی جریان رقیق با سرعت بالا از درون میکرونازل‌ها را بررسی می‌کنیم که برای کنترل حرکت میکروماهواره‌ها استفاده می‌شود.

در فصل هفتم، مفاهیم بنیادی و روابط ریاضی کنترل و پمپاژ جریان میکرو با استفاده از آثار الکتروسینتیکی (که به هیچ‌گونه اجزاء متحرك نیازمند نیست) را بیان می‌کنیم. در این فصل انتقال الکترواوسموتیک و الکتروفورتیک را با جزئیات تمام، هم برای جریان پایا و هم جریان‌های متناوب زمانی تحت پوشش قرار داده و به بحث بر روی مدل‌های ساده جریان

نزدیک دیواره می‌پردازیم. هم چنین دی‌الکتروفورسیس را مطرح می‌کنیم که به وسیله آن قادر به جداسازی و شناسایی ذرات هم‌اندازه براساس قطبیت آنها هستیم.

در فصل هشتم، جریان با محرک کشش سطحی و پدیده موئینگی را برای مرطوب‌سازی و گسترش فیلم نازک مایع و قطرات ملاحظه می‌کنیم. در خصوص رسش میکروسایلاتی بر سطوح باز، مرطوب‌سازی الکتریکی و گرم‌اموئینگی در خلال دی‌الکتروفورسیس برای حرکت جریان پیوسته و منقطع سیال به کار گرفته می‌شوند. این یک روش جدید با عملکرد تیر و مواد رسانای نوری در مورد مرطوب‌سازی الکتریکی قلمداد می‌گردد. چنین مسیرهای تعریف شده الکتریکی و شیمیایی را می‌توان با استفاده از آرایه‌های قابل آدرس‌دهی الکترونیکی (که به پتانسیل بکتی، دما یا تیرهای لیزری پاسخ می‌دهند) از لحاظ دینامیکی بازآرایی کرده و جهت، زمان و سرعت قطرات سیال را کنترل نمود. علاوه بر زمینه‌های پیش‌گفته، به مطالعه انتقال حباب در موئینه با استفاده از نتایج کلاسیک تئوری و جدیدترین نتایج تئوری و آزمایشگاهی در مورد جریان‌های الکتروستاتیکی می‌پردازیم.

از جناب پروفیسور چرینگ رو که درخواست ما را مبنی بر تهیه مقدمه برای کتاب را پذیرفتند، بسیار سپاسگزاریم. در تمام هم‌کاران در کشورهای مختلف که به ما اجازه استفاده از نتایج کارهای خود در کتاب قبلی، نسخه حاضر را دادند، متشکریم. هم‌چنین از خانم مادلین بروسر از دانشگاه براون به خاطر همراهی ایشان در زمینه‌های مختلف کتاب ممنونیم و از دانشجویان خود که ما را در تهیه کتاب یاری رساندند، به ویژه واسیلیوس سیمونودیس، پرادیپکومار باهوکودومی و آلریک چالرجی بسیار سپاسگزاریم. علی‌بسکوک به دانشجویان خود، آی. احمد، پی. باهوکودومی، پروفیسور پی. دوتا، دکتر جی. مام، اچ. جی. کیم، اس. کومار، دکتر جی. اچ. پارک و پروفیسور سی. سرت تقدیم سپاس و تشکر می‌کند. نویسنده آخر (نارایان آلورو) از تمامی دانشجویانش به ویژه چالرجی، دی، جوزف، کال که اجازه اقتباس از نتایج کار پایان‌نامه آنها به وی داده شده، قدردانی می‌کند. هم‌چنین این نویسنده از کسب فرصت همکاری و همراهی با پروفیسور کارنیاداکیس و بسکوک در انجام این کتاب اظهار خرسندی و افتخار فراوان می‌نماید. نارایان آلورو هم‌چنین از پروفیسور داتون (استنفورد)، هس (UIUC)، کارنیاداکیس (براون)، لاو (استنفورد)، پینسکی (استنفورد)، سنتوریا (MIT) و وایت (MIT) که مشوقین و مشاورین وی در این مسیر بوده‌اند کمال تشکر و امتنان را دارد.

نویسنده نخست (GK) از تمامی اعضای خانواده‌اش برای حمایت آنها در طول انجام این تکاپوی علمی - پژوهشی سپاسگزار است. نویسنده دوم (AB) از اعضای خانواده‌اش کارولین، سارا و سینان به خاطر عشق و شکیبایی و حمایت مستمر آنها قدردانی می‌کند. به علاوه علی‌بسکوک کار خود را به یاد و خاطره پدر و مادر خوش‌گونگور و ستین بسکوک اعطا

می نماید. در پایان، نارایان آلورو خود را عمیقاً مرهون تمامی اعضای خانواده خویش، به خصوص والدین صبورش سوباس و کریشنا آلورو، برادرش راوی، همسرش رادیکا و دختر مهربانش نها به خاطر پشتیبانی، عشق و دلگرمی آنها می داند.

جرج ام. کارنیاداکیس پروویدنس، راد آیلند، امریکا

علی بسکوک دانشگاه تگزاس، امریکا

نارایان آر. آلورو دانشگاه ایلینویز، امریکا

www.ketab.ir