

مسائل آماری

(نزدیک به ۹۰۰ مساله‌ی آماری با راه حل جامع برای همه‌ی موضوعات اصلی آمار)

دبليو مايكل كلی، رابرت ای دانلی

مترجم:

دکتر محمد مجتبی کیخای فرزانه

استار علمی:

دکتر سمتون شریفی

زیر نظر:

دکتر حسن پاشا خربزی



کلی، دبلیو. مایکل Kelley, W. Michael	سرشناسه عنوان و نام پدیدآور
مسایل آماری: نزدیک به ۹۰۰ مساله آماری با راه حل جامع برای همه موضوعات اصلی آمار/دبلیو مایکل کلی، رابرت ای دانلی؛ مترجم محمد مجتبی کیخاکی فرزانه؛ ویراستار علمی نسترن شریفی؛ زیرنظر حسن پاشا شریفی.	
تهران: تمدن علمی، ۱۳۹۶	مشخصات نشر
۶۷۲ ص.	مشخصات ظاهری
۹۷۸-۶۰۰-۸۱۲۷-۱۹-۲	شابک
فیبا	وضعیت فهرست نویسی
عنوان اصلی: The humongous book of statistics problems : translated for people who ..., 2009.	پادداشت
واژه‌نامه.	پادداشت
نزدیک به ۹۰۰ مساله آماری با راه حل جامع برای همه موضوعات اصلی آمار.	عنوان دیگر
آمار - مسائل، تمرین‌ها و غیره	موضوع
Statistics-- Problems, exercises, etc	موضوع
دانلی، رابرت ا.	شناسه افزوده
.Donnelly, Robert A	شناسه افزوده
کیخاکی فرزانه، محمد مجتبی، مترجم	شناسه افزوده
شریفی، نسترن، ویراستار	شناسه افزوده
پاشا شریفی، حسن	شناسه افزوده
۱۳۹۶ ۰۵۸/۲/۷VQA	رده بندی کنگره
۵/۰۱۹	رده بندی دیوبی
۹۷۸-۶۰۰-۸۱۲۷-۱۹-۲	شماره کتابشناسی ملی



مسائل آماری

(نزدیک به ۹۰۰ مساله آماری با راه حل جامع برای همه موضوعات اصلی آمار)

دبلیو مایکل کلی، رابرت ای دانلی

مترجم: دکتر محمد مجتبی کیخاکی فرزانه

ویراستار علمی: دکتر نسترن شریفی

زیر نظر: دکتر حسن پاشا شریفی

چاپ اول: ۱۳۹۶

تیراژ: ۱۱۰۰ نسخه

لیتوگرافی: کوثر

چاپ: دایرہ سفید

خیابان انقلاب، خیابان ۱۲ فروردین، خیابان شهدای ژاندارمری

بن بست گرانفر، پلاک ۴، تلفن ۶۶۴۱۲۳۵۸

حق چاپ برای ناشر محفوظ است.

شابک ۹۷۸-۶۰۰-۸۱۲۷-۱۹-۲

فهرست مطالب

۱۱	مقدمه
۱۳	پیشگفتار نویسندها
۱۵	فصل اول: نمایش آمار توصیفی
۱۶	توزیع فراوانی
۱۹	هیستوگرام ها
۲۲	نمودار های میله ای
۲۸	نمودار دایره ای
۳۳	نمودارهای خطی
۳۵	نمودارهای پراکنش
۳۹	فصل دوم: مخاسبه آمار توصیفی: شاخص های گرایش مرکزی یا گن مرکز داده ها
۴۰	میانگین
۴۶	میانه
۴۸	میان دامنه
۴۹	نها (مد)

۱۰۰ در مقیاس ۱ تا	۵۲ صد ک
میانگین وزنی.	۶۰ معدل گیری با استفاده از وزن های مختلف
میانگین توزیع فراوانی.	۶۳ میانگین داده های گستته
میانگین توزیع فراوانی دسته بندی شده	۶۵ محاسبه میانگین داده های دسته بندی شده
فصل ۳: محاسبه آمار توصیفی: شاخص های پراکندگی	
۷۱ تعیین پراکندگی داده ها	۷۲ پراکندگی داده ها چه اندازه است؟
دامنه تغییر	۷۴ یافتن ۵۰ درصد میانی داده ها
داده های پرت	۸۰ جدا کردن داده های خوب از بد
توزیع های تجسمی	۸۴ طرح های جعبه و شارب و دیاگرام های توزیع
نمودار ساقه و برگ	۸۹ قدرت اساسی داده
واریانس و انحراف معیار جامعه	۹۴ راج ترین راه برای اندازه گیری پراکندگی
واریانس و انحراف معیار برای داده های گروه بندی شده	۱۰۶ محاسبه پراکندگی برای توزیع فراوانی
قضیه چبیشف	۱۱۰ به کار گرفتن احتمال معيار در عمل
فصل ۴: مقدمه ای بر احتمال	
آنواع احتمال	۱۱۵ شناسن ها چه هستند؟
قوانین اضافی برای احتمال	۱۱۶ شروع با اصول پایه
احتمال شرطی	۱۲۶ ترکیب احتمالات با استفاده از "یا"
قانون ضرب برای احتمال	۱۳۵ احتمالاتی که به پیشامدهای دیگر وابسته اند
قضیه ی بیز	۱۴۹ دورویداد یا بیشتر هم زمان رخ دهد
فصل ۵: اصول شمارش و توزیع احتمال	
اصل بنیادی شمارش	۱۵۷ شناسهایی که شما می توانید روی آنها حساب کنید
جایگشت ها	۱۵۸ احتمال اینکه دو پیشامد جداگانه اتفاق بیفتد، چقدر است؟
چند راه برای چینش مجموعه های از چیزها وجود دارد؟	۱۶۱

۱۶۴	وقتی ترتیب اشیا مهم نیست	ترکیب ها
۱۷۱	احتمال با استفاده از داده‌ی گستته	توزیع احتمال
۱۷۷	دو جمله‌ای، پواسون و فوق هندسی	فصل ۶: توزیع احتمال گستته
۱۷۸	استفاده از ضریب‌هایی که ترکیبی هستند	توزیع احتمال دو جمله‌ای
۱۸۶	تعیین کردن احتمالات برای فاصله‌های معین	توزیع احتمال پواسون
۱۹۴	یک میانبر دو جمله‌ای	توزیع پواسون به عنوان یک تقریب برای توزیع دو جمله‌ای
۱۹۷	تعیین احتمالات وقتی پیشامدها مستقل نیستند	توزیع احتمال فوق هندسی
۲۰۵	متغیر‌های تصادفی که اعداد صحیح نیستند	فصل ۷: توزیع احتمال پیوسته
۲۰۶	معنی بُل و نمرات Z	توزیع احتمال نرمال
۲۲۰	یک، دو و سه انحراف معیار حول میانگین	قاعده‌ی تجربی
۲۲۲	دیگر میانبر احتمال دو جمله‌ای	استفاده از توزیع نرمال جهت تقریب توزیع دو جمله‌ای
۲۲۸	چار، پانزی از توزیع زنگوله‌ای شکل به توزیع جعبه‌ای شکل	توزیع یکنواخت پیوسته
۲۳۱	مانند توزیع انتسابی، اما پیوسته	توزیع نمایی
۲۳۵	کار با زیر مجموعه	فصل ۸: نمونه گیری و توزیع‌های نمونه گیری
۲۳۶	بسیاری از شوه‌های جمع آوری یک نمونه	نمونه گیری احتمالی
۲۳۷	پیش‌بینی رفتار میانگین‌های نمونه	توزیع نمونه گیری میانگین
۲۴۵	توزيع نمونه گیری میانگین با جامعه کوچک	ضریب تصحیح جامعه محدود
۲۴۸	پیش‌بینی رفتار متغیرهای تصادفی گستته	توزیع نمونه گیری نسبت
۲۵۸	ضریب تصحیح جامعه محدود برای توزیع نمونه گیری نسبت	پیش‌بینی نسبت‌ها از یک جامعه کوچک
۲۶۳	به کار گیری نمونه	فصل ۹: فاصله‌های اطمینان
۲۶۴	یک نمونه تا چه اندازه میتواند معرف راستین یک جامعه باشد؟	مقدمه‌ای بر فاصله‌های اطمینان برای میانگین
۲۶۵	فاصله‌های اطمینان برای میانگین با حجم نمونه‌های بزرگ و سیگمای معلوم	قضیه‌ی حد مرکزی برای رهایی

۲۶۹	فاصله های اطمینان برای میانگین با حجم نمونه های کوچک و سیگمای معلوم زندگی بدون قفسه حد مرکزی
۲۷۴	فاصله های اطمینان برای میانگین با حجم نمونه های کوچک و سیگمای مجہول معرفی توزیع، استیودنت
۲۸۰	فاصله های اطمینان برای میانگین با حجم نمونه های بزرگ و سیگمای مجہول به قفسه حد مرکزی، خوش آمدیدا
۲۸۴	فاصله های اطمینان برای نسبت تخمین درصدها از یک جامعه
۲۸۹	فصل ۱۰: آزمون فرضیه برای یک جامعه منفرد زمان زد برخی فرضیه های صفر
۲۹۰	معرفی آزمون فرضیه برای میانگین فرضیه های صفر و خلاف چه هستند؟
۲۹۳	آزمون فرضیه برای میانگین \bar{x} با $n \geq 3$ و سیگمای معلوم یک بار دیگر گزینی می زیم به قفسه حد مرکزی
۳۰۲	آزمون فرضیه برای میانگین \bar{x} رسماً معلوم لازم است که توزیع آنها نرمال باشد
۳۰۷	آزمون فرضیه برای میانگین \bar{x} و نکم، مجہول بازگشت به توزیع \bar{x}
۳۱۴	آزمون فرضیه برای میانگین \bar{x} و سیگما، مجہول مانند بخش آخر، اما با نمره α
۳۲۱	آزمون فرضیه برای نسبت دردادهای آزمون بعجای میانگین ها
۳۳۱	فصل ۱۱: آزمون فرضیه برای دو جامعه مقایسه نتایج های دو جامعه
۳۳۲	آزمون فرضیه برای دو میانگین $\bar{x}_1 > \bar{x}_2$ و سیگمای معلوم هنگامی که نیاز است بین های دارای توزیع نرمال باشند
۳۴۴	آزمون فرضیه برای دو میانگین $\bar{x}_1 > \bar{x}_2$ و سیگمای مجہول سیگمای مجہول نمونه های که چه توزیع \bar{x}_1
۳۵۶	آزمون فرضیه برای دو میانگین $\bar{x}_1 > \bar{x}_2$ و سیگمای مجہول و \bar{x}_2 بعجای α
۳۶۰	آزمون فرضیه برای دو میانگین با نمونه های وابسته وقتی دو نمونه وابسته اند چه می شود؟
۳۶۹	آزمون فرضیه برای دو نسبت مقایسه درصد های جامعه
۳۷۹	فصل ۱۲: آزمون مجدد رخی و واریانس آزمون انواع داده ها در تغییر پذیری
۳۸۰	مجذور رخی - آزمون نیکویی برآش آیا داده های همان روشی که شما فکر می کردید توزیع شده اند؟
۳۹۶	آزمون مجذور رخی برای استقلال آیا متغیرها مرتبط هستند؟
۴۰۵	آزمون تغییر پذیری به جای میانگین آزمون تغییر پذیری به جای میانگین
۴۰۵	آزمون فرضیه برای واریانس یک جامعه آزمون فرضیه برای واریانس یک جامعه

۴۱۴	آزمون فرضیه برای واریانس های دو جامعه	معرفی توزیع F
۴۲۱	مقایسه میانگین های چندگانه با توزیع F	فصل ۱۳: تحلیل واریانس
۴۲۲	آنوای یک راهه: طرح کامل‌تصادفی	آنوای یک راهه: طرح بلوکی تصادفی
۴۴۶	آنوای یک راهه: طرح بلوکی تصادفی	اضافه کردن یک متغیر بلوکی به آزمون
۴۷۱	فصل ۱۴: همبستگی و تحلیل رگرسیون ساده	یافتن ارتباط بین دو متغیر
۴۷۲	همبستگی	توصیف قدرت و جهت یک رابطه
۴۸۰	تحلیل رگرسیون ساده	خط بهترین برآنش
۵۰۱	فصل ۱۵: آزمون های ناپارامتریک	آزمون هایی که به فرضیه هایی درباره ای جامعه نیاز ندارند
۵۰۲	آزمون علامت با نمونه ای در حجم کرچک	آزمون میانه ی یک نمونه
۵۰۶	آزمون علامت با نمونه ای در حجم بزرگ	آزمون علامت با استفاده از نمرات z
۵۰۹	آزمون علامت نمونه های زوجی (n ≤ 25)	استاده از آزمون علامت برای دو مجموعه داده ای وابسته
۵۱۲	آزمون علامت نمونه های زوجی (n > 25)	تلن آزمون علامت و نمرات z برای آزمون داده زوجی
۵۱۵	آزمون جمعی رتبه ای ویلکاکسون برای نمونه های کوچک	آزمون جمعی رتبه ای ویلکاکسون برای نمونه های بزرگ
۵۱۹	آزمون جمعی رتبه ای ویلکاکسون برای نمونه های بزرگ	از نمرات z برای انداده های بزرگ تفاوت رتبه ها استفاده
۵۲۲	آزمون رتبه ای علامت دار ویلکاکسون	تفاوت در انداده های بین نمونه های وا
۵۲۸	آزمون کروسکال-والیس	مقایسه ی بیش از دو جامعه (آماری)
۵۳۵	آزمون ضریب همبستگی رتبه ای اسپیرمن	همبستگی مجموعه های داده براساس تفاوت های رتبه
۵۴۵	فصل ۱۶: پیش بینی	پیش بینی مقادیر آتی متغیرهای تصادفی
۵۴۶	میانگین متحرک ساده	اساسی ترین تکنیک پیش بینی
۵۵۱	میانگین متحرک وزنی	داده های اخیر به شدت وزن بیشتری دارند
۵۵۶	هموارسازی نمایی	تکنیک پیش بینی خود تصحیح
۵۶۲	هموارسازی نمایی با فاکتور تعديل روند	اضافه کردن روندهای به روش خود تصحیح

۵۷۱	پیش بینی روند و فصلی بودن	محاسبه روندها و تأثیرات فصلی
۵۸۲	پیش بینی علی	متغیر مستقل مجبور نیست زمان باشد
۵۸۹	فصل ۱۷: کنترل آماری فرایندها	استفاده از آمار برای ارزیابی کیفیت
۵۹۰		بررسی انواع مختلف ارزیابی کیفیت
۵۹۱	مقدمه ای بر کنترل آماری فرایندها	مقدمه ای بر کنترل آماری فرایندها
۶۰۰	کنترل آماری فرایندها برای اندازه گیری متغیر	نمودار های کنترل دامنه و میانگین
۶۰۵	کنترل آماری فرایندها برای ارزیابی ویژگی با استفاده از نمودار P	محاسبه تناسب موارد معیوب
۶۰۹	نسبت قابلیت فرایند	شمارش تعداد موارد معیوب
۶۱۱	شاخص قابلیت فرایند	آیا فرایندي قادر به عملکرد بر اساس طرح خود می باشد؟
۶۴۹	جداول مرجع	مشخص کردن زمان و معواده استفاده از فرمول
۶۵۹	بیوست A	
۶۶۱	بیوست B	
۶۶۳	بیوست C	
۶۶۵	واژه نامه	

مقدمه

پس از استقبال بی نظیر از کتابهای جبر و محاسبه‌ی مایکل کلی، این نویسنده تصمیم به نوشتن کتاب کاری گرفت که پر است از مسائل حل شدی آمار و نکاتی که در حاشیه‌ی آنها نوشته شده و حاوی گام‌های جالفتاده در حل مسائل. اغلب کتابهای آمار و ریاضی به زبان سختی نوشته شده است که ارتباط برقرار کردن با آن برای دانشجویان و گاه برای اساتید نیز دشوار است. اما ویژگی بارز این اثر، منحصر به فرد بودن آن در نحوه‌ی نگارش، آموزش گام‌به‌گام آمار از طریق حل مساله و همچنین اولویت دادن به جنبه‌ی تئوری و تئوری است.

در محتوای کتاب تلاش گردیده تدبیری ناویز اولی آمار توصیفی و استنباطی از جمله؛ شاخص‌های پراکنده‌گی، اصول شمارش و توزیع احتمال، توزیع احتمال دست‌سازی، احتمال پیوسته، نمونه‌گیری و توزیع‌های نمونه‌گیری، فاصله‌های اطمینان، آزمون فرضیه برای یک جامعه منفذ، زیراًن فرضیه برای دو جامعه، آزمون مجدور خی، تحلیل واریانس، همبستگی و تحلیل رگرسیون ساده، آزمون‌های ناپارامتری، مسیبی و همچنین کنترل آماری فرایندها مد نظر قرار گیرد.

این کتاب برای دانشجویان اغلب رشته‌های علوم پایه، فنی و مهندسی، علوم انسانی و پژوهشی در مقاطع کارشناسی و کارشناسی ارشد در درجه‌ی اول و سپس برای دانشجویان دوره‌ی کار در درجه‌ی بعدی می‌تواند مفید واقع شود. همچنین برای استادان محترمی که به تدریس آمار می‌پردازند به عنوان راهنمای برای برنامه‌ریزی، طرح درس و تعیین تکالیف عملی برای دانشجویان سودمند واقع شود.

دیگر از محسن کتاب این که، پس از طرح مساله، فرایند حل مساله و چگونگی رسیدن، راه را با بیانی قابل فهم حتی برای کسانی که اطلاعات چندان زیادی درباره‌ی روش‌های آماری ندارند ارائه می‌دهد.

مترجم و ویراستار کتاب تمامی تلاش خود را به کار بسته‌اند تا مطالب از نسخه‌ی اصلی کتاب، با حفظ کامل امانتداری به فارسی برگردانده شود. با وجود این مانند هر اثر دیگر، نمی‌توان برخلاف تلاش‌هایی که در ترجمه کامل این کتاب صورت گرفته است، آن را عاری از لغتش دانست. بنابراین هرگونه اظهارنظر و نقد و بررسی از سوی دانشجویان و همکاران محترم اعضای هیات علمی دانشگاه‌ها، به دیده منت پذیرفته است و در چاپهای بعدی برای بهتر کردن اثر به کار بسته می‌شود.

در خاتمه از مدیریت مترجم انتشارات، جناب آقای علمی که در نشر آثار ارزشمند دانشگاهی از هیچ تلاشی مضایقه نمی‌نمایند صمیمانه سپاسگزاریم و موفقیت بیش از پیش ایشان را در راه نشر علم از درگاه خداوند یکتا آرزومندیم. همچنین برخود لازم دانسته از زحمات ماهرانه و بی‌دریغ جناب آقای مهندس رسول رفتاری و سرکار خانم‌ها کیخاسالار و منصورکیایی در ماشین‌نویسی و صفحه‌آرایی کتاب تقدیر و تشکر نماییم.

پیشگفتار نویسنده‌گان

آیا دانشجوی کلاس آمار هستید؟ پاسخ مثبت است؟ پس به دلایل زیر به این کتاب نیاز دارید:

دلیل ۱: بهترین راه برای یادگیری آمار حل مسائل آماری است. این را نمی‌توان انکار کرد. اگر صرفاً می‌خواهید با خواندن کتاب درسی یا نکته برداری در کلاس مطالب را بفهمید، این روش شاید درست به نظر بیاید. اما متاسفانه، حقیقت تlux این است که شما باید تا جاییکه انگشتاتتان توان دارند، **مرشید و بر روی مسائل** کار کنید.

دلیل ۲: اکثر کتاب‌های آموزشی فقط به شما پاسخ‌های مسائل تمرینی را می‌دهند اما راه حلی برای آنها ارائه نمی‌کنند. حرص کیم کتاب درسی شما ۱۷۵ مساله برای هر موضوع دارد، اما اکثر آنها فقط پاسخ دارند. مشخص می‌کنند. این بدان معنی است که اگر جواب سوالی را همانجا متوجه نشوید، دملاً عجیب و شوید. دانستن اینکه راه حل سوالی را به اشتباه رفته اید، اگر ندانید که کجا کاری کردید، اشتباه فته اید کمکی به شما نمی‌کند. کتاب‌های آمار بر مسند شاهی تکیه زده اند و همانند فنا، آزرگ، و قدرتمند " فقط می‌گویند: "نه! دوباره انجام بد" و شما دوباره بارها و بارها بدهت می‌کنید و معمولاً سوال را اشتباه متوجه می‌شوید. عجب روش دل انگیزی برای یادگیری (بیاورد حتی کاری به اینکه چرا این کتاب‌ها فقط جواب سوالات عجیب و غریب را به شما می‌دهند. ندانید باشیم. آیا معنی اینکار این است که نویسنده اصلی کتاب تمایلی به توضیح سوالات سفارشی و راحت هم نداشته؟)

دلیل ۳: حتی وقتی که کتب ریاضی در تلاشند تا مراحل حل مساله را به شما ساده‌دهند، کار درستی انجام نمی‌دهند. ریاضی‌دان‌ها دوست دارند از بیان راه حل‌ها بگذرند، شما به خوبی توضیحات راه حل یک سوال را دنبال می‌کنید اما ناگهان میان راه سر رشته را گم می‌کنید. از خودتان می‌پرسید: "چطور این کار را انجام دادند؟" یا "لعلتی! جواب سوال ۴۲ از کجا آمد؟! این که در مرحله قبلی نبود"، چرا تمام این کتاب‌ها فرض را برابر این می‌گذارند که برای اینکه بتوان مساله‌ای را در صفحه ۲۰۰ حل کرد، باید صفحات ۱ تا ۱۹۹ را مانند کف دستان تان بلد باشید؟ شما نمی‌خواهید بقیه دوران زندگی تان را صرف حل نمونه سوال کنید. شما فقط می‌خواهید بدانید چرا وقتی که در حال محاسبه احتمال (که در فصل ۵ می‌آموزید) بیرون کشیدن دست فول (در بازی پوکر) از میان انبوه کارت‌ها هستید به عددی منفی می‌رسید.

همه نکات این بخش را در حاشیه کتاب می نویسیم و به بخشی از کتاب که می خواهیم توضیح دهیم اشاره می کنیم.



دلیل ۳: زمانی خواندن لیست دلایل انتخاب این کتاب جنبه سرگرمی داشت، اما دیگر کافیست. هر مساله آماری که احتمالاً با آن برخورد می کنید در این کتاب آمده است. بنابراین شما با انواعی از مسائل مختلف روپرتو خواهید شد که برای حل آنها نیاز به کمک حرفه‌ای دارید. این کتاب تمرین خوبی است، اما برای اینکه آن را عالی کنیم، تمامی مسائل را به طور کامل بررسی می کنیم و در صورتی که به مساله گیج کننده‌ای برخورد کردیم که نیاز به توضیح بیشتری داشته باشد، در حاشیه نکته گذاری می کنیم. همچنین در کنار مسائل دشوار علامت جمجمه قرار داده ایم، بنابراین اگر مساله ای بسیار چالش برانگیز است آن را به دقت بررسی می کنیم. مهمتر از همه، اگر به مسائلهای فکر می کنید اما نمی توانید راه حلی برای آن پیدا کنید، بهتر نیست خودتان نیز بدانید این مساله قرار است پیچیده و سخت باشد؟ این روش، حداقل برای ما روش مطمئنی است.

فکر می کنیم وقتی ببینید نه جذر توضیحات جواب سوال‌ها مفصل بوده، شگفت زده می شوید؛ و امیدواریم نکات مفیدی که این پیش‌برایتان ذکر می کنیم مفید باشند. ما را دیوانه خطاب کنید، ولی ما بر این باوریم که آن‌ها بسیار خواهند آمار یاد بگیرند و مشتاق صرف وقت برای یادگیری از طریق حل مساله هستند باید رستی بتوانند این مسائل را بفهمند و بیادگیری پیش بروند، اما این صرفاً روش دوم است.

تذکر آخر: در بعضی از کلاس‌های آمار از ماشین بـهـاـنـ اـنـفـادـه مـیـشـودـ کـهـ تمام فرمول‌های آماری را به شما ارائه می کند. در این کتاب، به شما دهیم که این فرمول‌ها بر چه مبنای محاسبه می شوند، اما بسیاری از آنها شامل محاسبه زدی، مستند، بنابراین اعداد اعشاری را گرد می کنیم. این بدان معنی است که پاسخ ماشین بـهـاـنـ مـیـشـدـ وـ مـیـمـنـدـ،ـ مـیـنـدـ وـ آـنـجـهـ اتفاق می افتد را درک می کنید.

موفق باشید و حتماً به وب سایت ما به آدرس www.stat-guide.com و www.calculus-help.com سری بزنید. اگر کاملاً علاقه‌مند بودید، به ما ایمیل بزنید و نظرتان را بگویید (گرچه که آنها بین که به ما علاقه مند هستند حتماً با ما ارتباط برقرار می کنند).

- مایکل کلی و رابرت دائلی