

# روش های عددی در الکترومغناطیس

تألیف

دکتر رمضانعلی صادق زاده

عضو هیأت علمی دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالله آبادی، طوسی

مهندس محمدرضا سهیلی فر

دکتر محمد قیامی

سازشناسه	صادقزاده، رمضانعلی، - ۱۳۳۷	:	
عنوان و نام پدیدآور	روش‌های عددی در الکترومغناطیس/ ترجمه رمضانعلی صادقزاده	:	
مشخصات نشر	، محمدرضا سهیلی‌فر، محمد قیامی.	:	
مشخصات ظاهری	تهران: دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، انتشارات،	:	
شابک	۱۳۹۲	:	
وضعیت فهرست نویسی	۷۲۲ ص.: مصور، جدول، نمودار.	:	
یاداشت	۹۷۸-۶۰۰-۶۳۸۳-۵۵-۲	:	۳۹۰۰۰ ریال
موضوع	فیبا	:	
موضوع	Numerical techniques in	:	
شناسه افزوده	دو فصل از کتاب حاضر ترجمه کتاب " MATLAB electromagnetics with	:	
شناسه افزوده	ast.	:	
شناسه افزوده	Sadiku, Matthew O	:	
شناسه افزوده	دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی	:	
ردہ بندی کنگره	QCV60/.1212	:	
ردہ بندی دیوبی	۱۲۰،۵۱۰	:	
شماره کتابشناسی ملی	۱۱۷۷۷۶	:	

نام کتاب: روش‌های عددی در الکترومغناطیس

مؤلف: متیوan.ا. سدیکو

متجمین: دکتر رمضانعلی صادق‌زاده عضو هیأت علمی دانشکده هنر اسلامی برق، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، محمدرضا سهیلی‌فر، دکتر محمد قیامی ناشر: انتشارات دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی

نوبت چاپ: دوم

تاریخ چاپ: فروردین ۱۳۹۴

تیراژ: ۵۰۰ جلد

قیمت: ۳۸۰۰۰ تومان

کد کتاب: ۳۴۱

شابک: ISBN: 978-600-6383-55-2

۹۷۸-۶۰۰-۶۳۸۳-۵۵-۲

صحافی: گرنامی

لیتوگرافی: دیرین نگار

آدرس و تلفن مرکز پخش و فروش: خیابان ولی‌عصر(عج)، بالاتر از میدان ونک، تقاطع میرداماد، روبروی ساختمان اسکان (۰۲۱-۸۸۷۷۲۲۷۷)

(حق چاپ برای ناشر محفوظ است)

## پیشگفتار

استفاده از روش های عددی در الکترو مغناطیس برای محاسبه میدان های الکترو مغناطیسی در کاربردهای مختلف در دهه های گذشته پیشرفت چشم گیری داشته است. به طوری که حل مسائل الکترو مغناطیس با روش های عددی موضوع تحقیقاتی برجخی از محققین و دانشجویان و یا متخصصین در این حوزه در آمده است. چندین روش برای محاسبه میدان های الکترو مغناطیسی وجود دارد، این روش ها در سه دسته آزمایشگاهی، تحلیلی و عددی طبقه بندی می شوند. روش آزمایشگاهی روشی پر هزینه، زمان بر و گاهی اوقات پر خطر است و عموماً انعطاف پذیری زیادی در تغییر پارامتر وجود ندارد. روش های تحلیلی یا همان روش های دقیق نظری جداسازی متغیرها، بسط سری ها، روش انتگرالی مانند لاپلاس و تبدیل فوریه و ... همچنین روش های عددی یا همان روش های تقریبی نظری روش تفاضل محدود، روش ممان، روش اجزا محدود و ... رایج ترین روش ها در محاسبه میدان های الکترو مغناطیسی می باشند. کاربرد این روش ها به ساخت الکترو مغناطیسی محدود نمی شود. این روش ها کاربردهایی در مسائل دیگری مانند سیالات، انتقال حرارت، تحریک دارند. با عنایت به کمبود کتب فارسی در این حوزه برای محققین و دانشجویان، مترجمین ابرآ داشت تا کتابی که مهم ترین روش های عددی در محاسبه میدان های الکترو مغناطیسی در آن مورد توجه را گرد تدوین نمایند.

در این راستا کتاب روش های عددی در الکترو مغناطیس نوشته Sadiku & Matthew که ویرایش های دوم و سوم آن در سال های ۲۰۰۱ و ۲۰۰۹ توسط انتشارات CRC چاپ شده است به عنوان یک مرجع مناسب برای دانشجویان در مقاطع مختلف تحصیلی در دانشگاه های کشور برای دانشجویان برق تدریس می شود، مبنای ترجمه کتاب مد نظر قرار گرفت. مثال هایی که در متن کتاب اصلی آورده شده است، در ویرایش دوم اغلب به زبان برنامه نویسی فرتون آس، اما در ویرایش سوم کتاب، برنامه نویسی ها با استفاده از کد نویسی مطلب است. با وجود توانمندی زیب برای نویسی فرتون در حل مسائل ریاضی، با استفاده از زبان های برنامه نویسی دیگر نظری C++، ... می توان نویسی لازم را برای حل مسایل که راحت تر است انجام داد یا از نرم افزار هایی نظری HFSS، CST، FEA که مبنای آنها استفاده از روش های مختلف روش های عددی در الکترو مغناطیس است و در این کتاب مانند آنها مطالعه خواهد شد بهره جست.

در بخش بندی ترجمه کتاب، دو فصل اول کتاب مرجع در پیوست گنجانده شده است که دانشجویانی که نیاز به مطالعه آنها دارند به پیوست ها مراجعه نمایند و مهم ترین مباحث درس "روش های عددی در الکترو مغناطیس" که در یک درس سه واحدی در دانشگاه ها تدریس می شود در هفت فصل کتاب حاضر تدوین گردیده است.

در فصل اول معادلات دیفرانسیلی، مشتقات جزئی، روش تفاضل محدود در حوزه زمان که یک روش بسیار مهم برای حل مسائل است و در حال حاضر بسیار مورد علاقه محققین می باشد، مورد مطالعه قرار می گیرد. در فصل دوم روش حساب تغییرات آورده شده است. در حل مسائل فیزیکی و مهندسی اغلب می

توان مساله انتگرال گیری از یک معادله دیفرانسیل را با مساله معادلی جایگزین کرد. در مساله جایگزین، هدف یافتن تابعی است که مقدار کمینه برای بعضی انتگرال‌ها بدست می‌آید. مسائلی از این نوع مسائل تغییرات نامیده می‌شود، روش‌هایی که موجب کاهش مسائل انتگرالی یک معادله دیفرانسیل به مسائل تغییر معادل می‌شود، روش‌های تغییر نام دارد. این روش، پایه و اساس روش‌های عددی ممان و اجزای محدود است. در فصل سوم روش ممان به عنوان یکی دیگر از روش‌های بسیار مهم در حل معادلات انتگرالی، مورد بررسی قرار می‌گیرد. فصل چهارم کتاب به مطالعه اجزای محدود که جهت معادلات لاپلاس، پواسون و معادله موج می‌تواند کار برد داشته باشد، می‌پردازد. در فصل پنجم تلفیق نگره میدان و نگره مدار، دو نظریه اصیل که مهندسی برق بر پایه آنها بنا نهاده شده، منجر به توسعه یک روش عددی برای حل نوع مشخصی روابط دیفرانسیل پاره‌ای ناشی از مسائل میدانی، به کمک شبکه‌های الکتریکی معادل می‌گردد، تحت عنوان «س خط انتقال مطالعه می‌شود. در فصل ششم روش مونت کارلو که برای حل مسائل فیزیکی و ریاضی که بر این حنبه آمار و احتمالی دارند، ارائه می‌شود. در فصل هفتم روش‌های خط که در حل مسائل خط انتقال، مختار ای موجبری و مسائل پراکندگی می‌تواند کاربرد داشته باشد، مورد مطالعه قرار خواهد گرفت.

در انتهای این کتاب سه پیوست مفید، برای طالع مختصر و مفید مبانی و مفاهیم الکترو مغناطیس، روش‌های تحلیلی برای حل مسایل الکترو مغناطیس نظر را در تفکیک متغیرها، تحلیل برداری برای حل عددی مسائل آورده شده است. امید است این کتاب برای خوانندگان مفید باشد.  
از آقای مهندس مهدی ابی اوغلی به خاطر ویرایش کتاب و رکنان انتشارات که مساعدت و همکاری لازم را در چاپ کتاب داشتند، تقدیر و تشکر می‌شود.

از اساتید محترم و دانشجویان گرامی تقاضا می‌شود، در صورت وجود شکال در محتوى و متن کتاب منت نهاده و به اطلاع تدوین کنندگان و یا ناشر برسانند که در چاپ‌های بعدی تهیه شود.

رمضانعلی صادقی  
محمد رضا سهیابی خر  
محمد قیامی

# فهرست کتاب

صفحه

عنوان

## فصل اول

### روش تفاضل محدود

۱	۱-۱ مقدمه .....
۲	۲-۱ شکل های مختلف تفاضل محدود .....
۳	۳-۱ اعمال تفاضل محدود به مدلات سهمی گونه .....
۷	۴-۱ اعمال تفاضل محدود به مدلات هذلولی گونه .....
۱۵	۴-۲ اعمال تفاضل محدود به مدلات بیضی گونه .....
۲۰	۴-۳ دقت و پایداری حل های تفاضل محدود .....
۲۹	۴-۴ کاربردهای عملی (موجبر - خط انتقال) .....
۳۳	۴-۵ کاربردهای عملی (روش FDTD برای حل پراکنده ای راچ) .....
۴۶	۴-۶ شرایط مرزی جذب برای FDTD .....
۷۱	۴-۷ تفاضل محدود برای دستگاه مختصات غیر مستطیلی .....
۷۵	۴-۸ انتگرال گیری عددی .....
۸۲	۴-۹ نتیجه گیری .....
۹۹	۴-۱۰ مراجع .....
۱۰۱	۴-۱۱ مسائل .....

## فصل دوم

### حساب تغییرات

۱۲۴.....	۱-۲ مقدمه
۱۲۴.....	۲-۱ عمل گرهای فضاهای خطی
۱۲۷.....	۲-۲ حساب تغییرات
۱۳۱.....	۲-۳ ساختن بعده از روی PDE ها
۱۳۴.....	۲-۴ روش رایلی-ریتزا
۱۴۱.....	۲-۵ عروش مانده های ریتزا
۱۵۰.....	۲-۶ مسائل مقدار ویژه
۱۵۷.....	۲-۷ کاربردهای عملی
۱۶۴.....	۲-۸ نتیجه گیری
۱۶۵.....	۲-۹ مراجع
۱۷۰.....	۲-۱۰ مسائل

## فصل سوم

### روش ممان

۱۷۸.....	۳-۱ مقدمه
۱۷۸.....	۳-۲ معادلات انتگرالی
۱۸۳.....	۳-۳ توابع گرین
۲۰۴.....	۳-۴ کاربردهای روش ممان (مسائل شبه استاتیک)
۲۰۸.....	۳-۵ کاربردهای روش ممان (مسائل پراکندگی)

۲۲۳.....	۶-۳ کاربردهای روش ممان (مسائل تابش)
۲۳۹.....	۷-۳ کاربردهای روش ممان (جذب الکترومغناطیس در بدن انسان)
۲۵۱.....	۸-۳ نتیجه گیری
۲۶۴.....	مراجع
۲۷۱.....	مسائل

## فصل چهارم

### روش اجزای محدود

۲۷۶.....	۱-۴ مقدمه
۲۷۷.....	۲-۴ حل معادله لاپلاس
۳۰۰.....	۳-۴ حل معادله پواسون
۳۰۴.....	۴-۴ حل معادله موج
۳۱۱.....	۵-۴ تولید خودکار شبکه (دامنه های متساوی)
۳۱۳.....	۶-۴ تولید خودکار شبکه (دامنه های دلخواه)
۳۲۶.....	۷-۴ کاهش پهنای باند
۳۳۰.....	۸-۴ اجزای با مرتبه بالاتر
۳۴۵.....	۹-۴ اجزای سه بعدی
۳۵۱.....	۱۰-۴ روش های اجزای محدود برای مسائل بیرونی
۳۵۵.....	۱۱-۴ نتیجه گیری
۳۵۶.....	مراجع
۳۶۶.....	مسائل

## فصل پنجم

### روش خط انتقال

۳۷۴	۱-۵ مقدمه
۳۷۶	۲-۵ معادلات خط انتقال
۳۷۹	۳-۵ حل معادله انتشار
۳۸۵	۴-۵ حل معادلار موج
۴۰۴	۵-۵ محیط نا سکن با تلفات در TLM
۴۱۱	۶-۵ مش TLM سه بعدی
۴۳۲	۷-۵ منابع و تصحیح مطا
۴۳۴	۸-۵ شرایط مرزی جذب
۴۳۷	۹-۵ نتیجه گیری
۴۳۹	مراجع
۴۴۶	مسائل

## فصل ششم

### روش مونت کارلو

۴۵۲	۶-۱ مقدمه
۴۵۲	۶-۲ تولید متغیرها و اعداد تصادفی
۴۵۶	۶-۳ برآورد خطأ
۴۶۰	۶-۴ انتگرال گیری عددی
۴۶۴	۶-۵ حل مسائل پنансیل
۴۹۰	۶-۶ روش های مونت کارلو محلی
۴۹۷	۶-۷ نتیجه گیری
۴۹۹	مراجع
۵۰۸	مسائل

## فصل هفتم

### روش خطوط

۵۱۸.....	۱-۷ مقدمه
۵۱۹.....	۲-۷ حل معادله لاپلاس
۵۳۳.....	۳-۷ حل معادله موج
۵۵۶.....	۴-۷ حل حوزه زمانی
۵۵۸.....	۵-۷ نتیجه گیری
۵۵۹.....	مراجع
۵۶۵.....	مسائل

### پیوست اول

#### ماده های اساسی در الکترو مغناطیس

۵۷۰.....	۱-۱ مقدمه
۵۷۱.....	۲-۱ مروری بر نظریه الکترو مغناطیس
۵۸۳.....	۳-۱ طبقه بندی مسائل EM
۵۸۹.....	۴-۱ برخی از نظریه های مهم
۵۹۳.....	مراجع
۵۹۴.....	مسائل

### پیوست دوم

#### روش های تحلیلی

۵۹۸.....	۱-۲ مقدمه
۵۹۸.....	۲-۲ جداسازی متغیرها
۶۰۰.....	۲-۲ تفکیک متغیرها در مختصات مستطیلی
۶۱۱.....	۴-۲ تفکیک متغیرها در مختصات استوانه ای
۶۲۷.....	۵-۲ جداسازی متغیرها در مختصات کروی
۶۴۴.....	۶-۲ تعدادی از توابع متعامد مفید

۶۵۷	۷-۲ بسط سری ها
۶۶۸	۸-۲ کاربردهای عملی
۶۷۶	۹-۲ تضعیف به خاطر بارندگی
۶۸۹	۱۰-۲ نتیجه گیری
۶۹۰	مراجع
۶۹۲	مسائل

### پیوست سوم

#### تحلیل برداری

۷۰۷	تحلیل برداری
-----	--------------

#### واژه نامه انگلیسی - فارسی

۷۱۳	واژه نامه انگلیسی - فارسی
-----	---------------------------