

اقتصاد ریاضی

روشها و کاربردها

دکتر علی سوری

تهران

۱۳۸۶



سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها (سمت)

سوري، علي، ١٣٤٤ -

اقتصاد ریاضی: روش‌ها و کاربردها / علی سوری. — تهران: سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها (سمت)، ۱۳۸۵.

میزدہ، ۵۱۸ صن.: جدول، نمودار۔ — (سنت) ۱۹۷۶ء، اقتصاد: ۴۲
ریاں: ۳۶۰۰۰ ریاں۔

ISBN 978-964-530-141-3

فهرست مراجع، و اساس اطلاعات فیا.

Ali Souris. Mathematical Economics: Methods and Applications. ص.ع. به انگلیسی:

۵۱۰-۵۱۱ کتابخانه: میر

۱. اقتصاد ریاضی، الف. سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها (سنت)، ب-عنوان.

卷之三

•A8-59187



سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها (سمت)

اقتصاد ریاضی؛ روشها و کاربردها

دکتر علی سوزی (استادیار دانشکده امو و اقتصادی)

جات ۱۳۸۶: جواہر

١٠٠٥

حروفچینی و لیتوگرافی: سمت

چاپ و صحافی: سازمان چاپ و انتشارات، وزارت فرهنگ و ارشاد اسلامی
قیمت ۳۶۰۰۰ ریال. در این نوبت چاپ قیمت مذکور ثابت است و فروشنده‌گان و عوامل
توزیع مجاز به تغییر آن نیستند.

آدرس ساختمان مرکزی: تهران، بزرگراه جلال آل احمد، غرب پل یادگار امام (ره)،
روبروی بمب گاز، کد پستی ۱۴۶۳۶، تلفن ۰۲۶۵۰-۴۴۴۶۴۶۰.

سخن «سمت»

یکی از اهداف مهم انقلاب فرهنگی، ایجاد دگرگونی اساسی در دروس علوم انسانی دانشگاهها بوده است و این امر، مستلزم بازنگری منابع درسی موجود و تدوین منابع مبنایی و علمی معتبر و مستند با در نظر گرفتن دیدگاه اسلامی در مبانی و مسائل این علوم است.

ستاد انقلاب فرهنگی در این زمینه گامهایی برداشته بود، اما اهمیت موضوع اقتضا می کرد که سازمانی مخصوص این کار تأسیس شود و شورای عالی انقلاب فرهنگی در تاریخ ۶۳/۱۲/۷ تأسیس «سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها» را که به اختصار «سمت» نامیده می شود، تصویب کرد.

بنابراین، هدف سازمان این است که با استمداد از عنایت خداوند و همت و همکاری دانشمندان و استادان معهود و دلسوز، به مطالعات و تحقیقات لازم پردازد و در هر کدام از رشته های علوم انسانی به تألیف و ترجمه منابع درسی اصلی، فرعی و جنبی اقدام کند.

دشواری چنین کاری بر دانشمندان و صاحب نظران پوشیده نیست و به همین جهت مرحله کمال مطلوب آن، باید به تدریج و پس از انتقادها و یادآوریهای پیاپی ارباب نظر به دست آید و انتظار دارد که این بزرگواران از این همکاری دریغ نورزند. کتاب حاضر برای دانشجویان رشته اقتصاد در مقاطع کارشناسی و کارشناسی ارشد به عنوان منبع اصلی درس «اقتصاد ریاضی» به ارزش ۳ واحد در هر مقطع تدوین شده است. امید می رود که علاوه بر جامعه دانشگاهی، سایر علاوه مندان نیز از آن بهره مند شوند.

از استادان و صاحب نظران ارجمند تقاضا می شود با همکاری، راهنمایی و پیشنهادهای اصلاحی خود، این سازمان را در جهت اصلاح کتاب حاضر و تدوین دیگر آثار مورد نیاز جامعه دانشگاهی جمهوری اسلامی ایران یاری دهند.

فهرست مطالب

صفحه	عنوان	مقدمه
۱	بخش اول: تعادل و تحلیلهای ایستا و پویا	
۵	فصل اول: تعادل و تحلیل ایستا	
۵	۱-۱ تعادل	
۸	۱-۲ تعادل بازارها در اقتصاد خرد	
۱۳	۱-۳ تعادل اقتصاد کلان: مدل کیتزری	
۲۵	۱-۴ تعادل اقتصاد کلان: مدل کلاسیکی	
۳۰	۱-۵ تحلیل ایستای مقایسه‌ای	
۳۲	۱-۶ کاربردهای تحلیل ایستای مقایسه‌ای	
۳۲	۱-۶-۱ اثر تغییر مالیات بر بازار یک کالا	
۳۳	۱-۶-۲ اثر تغییر مالیات و درآمد بر بازار یک کالا	
۳۴	۱-۶-۳ تغییر مالیات در یک بازار و اثر آن بر بازار دیگر	
۳۵	۱-۶-۴ تحلیل ایستا در مدل IS-LM	
۳۸	۱-۷ مثالی از تعادل کلی اقتصاد	
۴۱	مسائل	
۴۴	فصل دوم: تحلیل پویا با زمان ناپیوسته (معادلات تفاضلی و کاربردها)	
۴۴	۲-۱ معادله تفاضلی	
۴۷	۲-۲ حل معادله تفاضلی خطی مرتبه اول	
۴۸	۲-۲-۱ روش اول: جایگذاری تکراری	
۵۱	۲-۲-۲ روش دوم: عملگرهای وقفه	

۵۳	۲-۳ همگرایی معادلات تفاضلی مرتبه اول
۵۵	۲-۴ حل معادلات تفاضلی خطی مرتبه دوم
۶۷	۲-۵ همگرایی معادلات تفاضلی مرتبه دوم
۶۹	۲-۶ کاربردهای تحلیل پویا
۶۹	۲-۶-۱ ضریب تکاژری پویا در مدل دوبخشی
۷۱	۲-۶-۲ ضریب تکاژری پویا در مدل سه بخشی
۷۲	۲-۶-۳ شوکهای درامد ملی
۷۵	۲-۶-۴ ضریب تکاژری و اصل شتاب
۷۷	۲-۶-۵ پدیده تار عنکبوتی
۷۸	۲-۶-۶ پدیده تار عنکبوتی و سرعت تعديل
۷۹	۲-۶-۷ پدیده تار عنکبوتی و تفاضلی تأخیری
۸۰	۲-۶-۸ دور تناوب درامد ملی
۸۱	۲-۶-۹ مدل عرضه - تقاضا و انتظارات تطبیقی
۸۲	۲-۶-۱۰ مدل تورم - بی کاری
۸۶	۲-۶-۱۱ مدل رشد هارود
۸۷	۲-۶-۱۲ موجودی انبار و تعديل قیمت
۸۹	مسائل
۹۰	ضمیمه الف: اثبات k و γ
۹۱	ضمیمه ب: حل معادله تفاضلی با ضریب متغیر
۹۷	فصل سوم: تحلیل پویا با زمان پیوسته (معادلات دیفرانسیل و کاربردها)
۹۷	۳-۱ معادله دیفرانسیل
۹۸	۳-۲ معادله دیفرانسیل مرتبه اول با ضرایب متغیر
۱۰۰	۳-۳ معادله دیفرانسیل کامل
۱۰۳	۳-۴ معادله دیفرانسیل تفکیک پذیر
۱۰۵	۳-۵ معادلات دیفرانسیل خطی با ضرایب ثابت
۱۰۵	۳-۵-۱ معادله دیفرانسیل خطی مرتبه اول با ضرایب ثابت
۱۱۰	۳-۵-۲ معادله دیفرانسیل خطی مرتبه دوم با ضرایب ثابت

۱۱۷	۳-۶ معادلات دیفرانسیل خطی مرتبه دوم با سمت راست متغیر
۱۲۳	۳-۷ نمودار مرحله‌ای
۱۲۸	۳-۸ کاربردهای معادلات دیفرانسیل
۱۲۸	۳-۸-۱ مدل رشد هارود - دومار
۱۲۹	۳-۸-۲ مدل رشد سولو
۱۳۲	۳-۸-۳ مدل تورم - بی کاری
۱۳۴	مسائل

بخش دوم: بهینه‌یابی ایستا

۱۳۹	فصل چهارم: بهینه‌یابی غیر مقید
۱۳۹	۴-۱ بهینه‌یابی غیر مقید
۱۳۹	۴-۲ تعیین نقاط بهینه تابع یک متغیره
۱۴۱	۴-۳ تعیین نقاط بهینه تابع دو متغیره
۱۴۴	۴-۴ تعیین نقاط بهینه توابع سه متغیره و بیشتر
۱۴۷	۴-۵ کاربردهای بهینه‌یابی غیر مقید
۱۴۷	۴-۵-۱ تعیین نرخ مالیات بهینه بر مقدار فروش در بازار رقابتی
۱۴۸	۴-۵-۲ تعیین نرخ مالیات بهینه بر درآمد در بازار رقابتی
۱۴۹	۴-۵-۳ تعیین نرخ مالیات بهینه در بازار انحصار کامل
۱۵۰	۴-۵-۴ مقایسه تصمیم‌گیری بنگاه رقابتی بر اساس تعیین مقدار تولید و ...
۱۵۲	۴-۵-۵ دستمزد کارایی
۱۵۴	۴-۵-۶ مقایسه بنگاه انحصاری و رقابتی
۱۵۷	مسائل

فصل پنجم: بهینه‌یابی مقید با محدودیتهای مساوی

۱۵۹	۵-۱ بهینه‌یابی مقید
۱۵۹	۵-۲ بهینه‌یابی مقید با دو متغیر تصمیم و یک محدودیت
۱۶۴	۵-۳ بهینه‌یابی مقید با n متغیر تصمیم و m محدودیت
۱۶۹	۵-۴ ضریب لاغرانژ
۱۷۲	۵-۵ کاربردهای بهینه‌یابی مقید با محدودیت مساوی

صفحة	عنوان
۱۷۲	۵.۵-۱ نظریه رفتار مصرف کننده
۱۷۶	۵.۵-۲ بنگاه حداقل کننده هزینه
۱۷۹	۵.۵-۳ منحنی تقاضای معمولی و جبرانی مصرف کننده
۱۸۲	۵.۵-۴ معادله هیکس - اسلامتسکی
۱۸۳	۵.۵-۵ منحنی عرضه کار
۱۸۵	مسائل
۱۸۶	فصل ششم: بهینه یابی غیر خطی (بهینه یابی مقید با محدودینهای نامساوی)
۱۸۶	۶-۱ بهینه یابی غیر خطی
۱۸۷	۶-۲ حل بهینه یابی غیر خطی: روش نموداری
۱۹۲	۶-۳ حل بهینه یابی غیر خطی: شرایط کان - تاکر
۱۹۲	۶-۳-۱ شرط لازم و متغیرهای غیر منفی
۱۹۵	۶-۳-۲ شرط لازم و قیدهای نامساوی: شرایط کان - تاکر
۲۰۰	۶-۴ شرط کافی
۲۰۴	۶-۵ کاربردهای بهینه یابی غیر خطی
۲۰۴	۶-۵-۱ نظریه رفتار مصرف کننده
۲۰۶	۶-۵-۲ جیره بندی مصرف کننده
۲۰۸	۶-۵-۳ تولید کننده و محدودیت سرمایه
۲۱۱	مسائل
۲۱۵	فصل هفتم: توابع ارزش و قضیه پوش
۲۱۵	۷-۱ تابع ارزش در مسائل بهینه یابی غیر مقید
۲۱۷	۷-۲ تابع ارزش در مسائل بهینه یابی مقید
۲۱۹	۷-۳ قضیه پوش در مسائل بهینه یابی غیر مقید
۲۲۰	۷-۴ قضیه پوش در مسائل بهینه یابی مقید
۲۲۴	۷-۵ اتحاد روی
۲۲۵	۷-۶ لم شفارد
۲۲۷	۷-۷ لم هاتلینگ
۲۲۹	۷-۸ توابع هزینه کوتاه مدت و بلند مدت
۲۳۱	مسائل

بخش سوم: بهینه‌یابی پویا

۲۳۵	فصل هشتم: بهینه‌یابی پویا: مقایم و روشها
۲۳۵	۸.۱ ماهیت بهینه‌یابی پویا
۲۳۹	۸.۲ زمان اولیه و پایانی
۲۴۰	۸.۳ وضعیت اولیه و پایانی
۲۴۰	۸.۴ متغیرهای کنترل
۲۴۱	۸.۵ متغیرهای وضعیت
۲۴۳	۸.۶ تابعی هدف
۲۴۴	۸.۷ محدودیتها
۲۴۵	۸.۸ حالت‌های مختلف وضعیت پایانی
۲۴۷	۸.۹ حالت‌های خاص تابعی هدف
۲۴۸	۸.۱۰ روش‌های حل بهینه‌یابی پویا

فصل نهم: حساب تغییرات

۲۵۱	۹.۱ ساده‌ترین مسئله حساب تغییرات
۲۵۱	۹.۲ معادله اولر
۲۵۳	۹.۳ تعمیم معادله اولر به حالت چندمتغیره
۲۶۲	۹.۴ معادله اولر برای نقطه پایانی متغیر
۲۶۳	۹.۵ شرط کافی
۲۷۳	۹.۶ مسائل محدود
۲۷۷	۹.۷ مدل تورم - بی‌کاری
۲۸۱	مسائل
۲۸۳	

فصل دهم: نظریه کنترل بهینه

۲۸۵	۱۰.۱ بهینه‌یابی ایستا
۲۸۵	۱۰.۲ بهینه‌یابی پویا و نظریه کنترل بهینه
۲۸۷	۱۰.۳ اصول و روش نظریه کنترل در ساده‌ترین حالت
۲۸۸	۱۰.۴ اصل ماکزیمم: روش اول
۲۹۱	

عنوان

صفحه

۳۰۵	۱۰-۵ اصل ماکریم: روش دوم
۳۰۸	۱۰-۶ حالت‌های مختلف شرایط پایانی
۳۱۵	۱۰-۷ دور تجاری سیاسی
۳۱۸	۱۰-۸ استفاده از انرژی و کیفیت محیط زیست
۳۲۱	۱۰-۹ تفسیر اقتصادی شرایط اصل ماکریم
۳۲۴	۱۰-۱۰ شرایط تراگردی
۳۲۵	۱۰-۱۱ شرط کافی
۳۳۱	مسائل

فصل بیازدهم: تعمیم نظریه کنترل بهینه (حالت‌های چندمتغیره و دوره زمانی نامحدود)

۳۳۳	۱۱-۱ حالت چندمتغیره
۳۳۴	۱۱-۱۱ اصل ماکریم برای حالت چندمتغیره
۳۳۴	۱۱-۱۲ شرایط تراگردی در حالت چندمتغیره
۳۳۶	۱۱-۱۳ مثالی از حالت دو متغیره: سیاست ضد آلودگی
۳۴۱	۱۱-۱۴ دوره زمانی نامحدود
۳۴۲	۱۱-۱۵ کاربردهای بهینه‌یابی پویا با افق نامحدود
۳۴۲	۱۱-۱۶ مسئله کنترل پایانی یا مسئله کنترل هالکین
۳۴۵	۱۱-۱۷ نظریه رشد بهینه نو کلاسیک
۳۵۲	۱۱-۱۸ پیشرفت فنی برونزآ و درونزا
۳۵۸	۱۱-۱۹ فناوری دروزای رومر
۳۶۳	مسائل

فصل دوازدهم: نظریه کنترل بهینه مقید

۳۶۴	۱۲-۱ محدودیتهایی که دارای متغیر کنترل هستند
۳۶۴	۱۲-۱-۱ محدودیتهای مساوی
۳۶۴	۱۲-۱-۲ محدودیتهای نامساوی
۳۶۶	۱۲-۱-۳ محدودیتهایی که به صورت انتگرال و تساوی هستند
۳۶۷	۱۲-۱-۴ محدودیتهایی که به صورت انتگرال و نامساوی هستند
۳۶۹	۱۲-۲ مدل دور تجاری سیاسی
۳۷۰	

عنوان

صفحه

۳۷۲	۱۲-۳ شرط کافی
۳۷۲	۱۲-۴ بنگاه حداکثر کننده درامد
۳۷۷	۱۲-۵ محدودیتهایی که دارای متغیر کنترل نیستند
۳۸۴	مسائل

بخش چهارم: نظریه بازیها

۳۸۷	فصل سیزدهم: نظریه بازیها: مفاهیم و فروض
۳۸۷	۱۲-۱ موضوع نظریه بازیها
۳۸۸	۱۲-۲ بازی و نظریه بازیها
۳۸۸	۱۲-۳ تقسیم‌بندی بازیها
۳۹۰	۱۲-۴ فروض و روش تحلیل در نظریه بازیها
۳۹۱	۱۲-۴-۱ عقلانیت و شیوه تحلیل بازیها
۳۹۷	۱۲-۴-۲ دانش عمومی راجع به عقلانیت
۳۹۷	۱۲-۴-۳ سازگاری حدسهها
۳۹۹	۱۲-۴-۴ عمل در چهارچوب قواعد بازی
۴۰۱	۱۲-۵ معماهای زندانی

فصل چهاردهم: نظریه بازیهای ایستا با اطلاعات کامل

۴۰۳	۱۴-۱ مقدمه
۴۰۳	۱۴-۲ بازی با شکل نرمال یا ماتریسی
۴۰۴	۱۴-۳ تعادل بازی: روش حذف استراتژیهای مغلوب
۴۰۶	۱۴-۴ تعادل نش: استراتژیهای محض
۴۰۹	۱۴-۵ تعادل نش: استراتژیهای ترکیسی
۴۱۲	۱۴-۶ کاربردهای اقتصادی بازیهای ایستا
۴۱۶	۱۴-۶-۱ بازی سرمایه‌گذاری انحصار طبیعی
۴۱۸	۱۴-۶-۲ مدل کورنو
۴۲۰	۱۴-۶-۳ مدل انحصار دوجانبه برتراند
۴۲۴	۱۴-۶-۴ رفتار رانت‌جویی
۴۲۶	مسائل

صفحه	عنوان
۴۲۸	فصل پانزدهم: بازیهای پویا با اطلاعات کامل
۴۲۸	۱۵-۱ بازیهای فرم گسترشی
۴۳۲	۱۵-۲ تعادل در بازیهای فرم گسترشی
۴۳۲	۱۵-۲-۱ بازی فرعی
۴۳۲	۱۵-۲-۲ استراتژی در بازیهای پویا
۴۳۴	۱۵-۲-۳ تعادل نش در بازی فرعی کامل
۴۳۷	۱۵-۳ بازیهای دو مرحله‌ای
۴۳۹	۱۵-۴ بازیهای تکراری
۴۴۲	۱۵-۵ کاربردهای اقتصادی بازیهای پویا
۴۴۲	۱۵-۵-۱ مدل چانه‌زنی یک‌پیشنهادی
۴۴۳	۱۵-۵-۲ مدل چانه‌زنی دو‌پیشنهادی
۴۴۶	۱۵-۵-۳ مدل برتراند
۴۴۸	۱۵-۵-۴ مدل کورنو
۴۵۰	مسائل
بخش پنجم: جدول داده - ستاده و کاربردهای آن	
۴۵۵	فصل شانزدهم: جدول داده - ستاده
۴۵۵	۱۶-۱ ماهیت جدول داده - ستاده
۴۶۰	۱۶-۲ جدول داده - ستاده و حسابهای ملی
۴۶۲	۱۶-۳ ماتریس ضرایب فنی
۴۶۴	۱۶-۴ ماتریس لثون‌تیف
۴۶۷	مسائل
۴۶۸	فصل هفدهم: کاربردهای جدول داده - ستاده
۴۶۸	۱۷-۱ تعیین سطح تولید بخشها
۴۷۰	۱۷-۲ تعیین واردات
۴۷۲	۱۷-۳ تعیین اشتغال
۴۷۵	۱۷-۴ مدل قیمت داده - ستاده

عنوان

صفحه

۴۷۹	۱۷.۵ نقش عوامل طرف تقاضا در تعیین رشد اقتصادی بخشها	
۴۸۸	۱۷.۶ عوامل تعیین کننده اشتغال	
۴۹۱	مسائل	
۴۹۲		ضمایم
۴۹۲	ضمیمه الف: مقادیر ویژه یک ماتریس	
۴۹۵	ضمیمه ب: فرمهای درجه دو و معین بودن آنها	
۴۹۶	ضمیمه ج: بسط توابع	
۵۰۰	ضمیمه د: تقریب خطی	
۵۰۱	ضمیمه ه: توابع مقرر و محدب	
۵۰۲	ضمیمه و: اعداد مختلط	
۵۰۶	ضمیمه ز: محاسبه تقریبی سطح زیر منحنی	
۵۰۶	ضمیمه ح: برخی قواعد مشتق گیری از انتگرالهای معین	
۵۰۷	ضمیمه ط: درجه همگنی و قضیه اول	
۵۱۰		کتابنامه
۵۱۲		واژه‌نامه
۵۱۵		نهاية

مقدمه

درس اقتصاد ریاضی از جمله دروس رشته اقتصاد است که دامنه وسیعی از مباحث اقتصادی را شامل می‌شود. از این رو تنظیم کتابی که بتواند نیازهای این درس را تأمین نماید اگر غیر ممکن نباشد ولی بسیار دشوار است. بدین منظور در تدوین این کتاب سعی شده تا آنچه که مورد نیاز دانشجویان اقتصاد است، گردآوری شود. از طرف دیگر با توجه به اینکه درس اقتصاد ریاضی به برخی از مباحث ریاضی نیاز دارد، لذا سعی شده تا در هر مبحثی، ابتداء روشهای ریاضی آن تا حد مقدور ارائه گردد. همچنین مباحثی که امکان ارائه مستقیم آنها در متن کتاب وجود ندارد، در ضمیمه پایانی ارائه شده‌اند. از طرف دیگر مطالب کتاب به گونه‌ای تنظیم شده تا توالی مباحث حفظ شود و هر فصل بتواند نیازهای فصول بعدی را برآورده سازد.

مطلوب این کتاب برای دوره کارشناسی و بالاتر تنظیم شده است. بدین منظور فصول اول، چهارم، پنجم، ششم، سیزدهم، چهاردهم و شانزدهم و همچنین برخی از قسمتهای فصول دوم و سوم می‌توانند نیازهای درس اقتصاد ریاضی دوره کارشناسی را برطرف کنند. هرچند که در این فصول می‌توان برخی مباحث را برای دوره کارشناسی حذف نمود، اما فصلهای دیگر کتاب متناسب با دوره‌های کارشناسی ارشد و بالاتر از آن است.

بخش اول کتاب شامل مباحثی از تعادل و تحلیلهای ایستا و پویاست و در آن فصل اول راجع به تعادل و تحلیل ایستای مقایسه‌ای در سطوح خرد و کلان می‌باشد. هرچند که دانشجویان اقتصاد با این بحث آشنا بی‌دارند ولی سعی شده تا با ارائه مثالهای عددی جزئیات بیشتری از این مباحث ارائه گردد. دو فصل بعدی این بخش اختصاص به تحلیلهای پویا دارد. تحلیلهای پویا هم به صورت زمان پیوسته و هم به صورت زمان ناپیوسته هستند که به ترتیب در فصول دوم و سوم مورد بررسی قرار گرفته‌اند. در این دو فصل کاربردهای متنوعی از تحلیلهای پویا ارائه شده است.

بهیهه‌یابی یکی دیگر از روشهای اساسی مورد استفاده در اقتصاد است که دامنه وسیعی از مباحث اقتصادی را شامل می‌شود. بخش دوم، سوم و چهارم این کتاب به

مباحث بهینه‌یابی اختصاص دارد. بهینه‌یابی در دو سطح ایستا و پویا مطرح می‌شود که بخش دوم راجع به بهینه‌یابی ایستا و بخش سوم راجع به بهینه‌یابی پویاست. در این دو بخش در مورد آن نوع از بهینه‌یابی بحث می‌کنیم که در آن یک تصمیم‌گیرنده وجود دارد و به عبارت دیگر تصمیمات افراد، مستقل از هم است. بهینه‌یابی ایستا در فصول چهارم، پنجم، ششم و هفتم ازانه شده است که مباحثی مانند بهینه‌یابی غیر مقید، بهینه‌یابی مقید و بهینه‌یابی غیر خطی را دربر می‌گیرد. بهینه‌یابی پویا نیز در فصول هشتم، نهم، دهم، یازدهم و دوازدهم ازانه می‌شود که مباحثی مانند مفاهیم بهینه‌یابی پویا، روش حساب تغییرات، نظریه کنترل بهینه و ... را دارد.

بخش چهارم به نظریه بازیها اختصاص دارد. نظریه بازیها نوعی از بهینه‌یابی ایستا و پویاست که در آن تصمیمات افراد مستقل از هم نیست. در این بخش، فصل سیزدهم راجع به مبانی و فروض نظریه بازیها و فصول چهاردهم و پانزدهم نیز به ترتیب راجع به بازیهای ایستا و پویاست.

بخش پنجم به جدول داده‌ستاده و کاربردهای آن می‌پردازد. جدول داده - ستاده یکی از روش‌های تحلیل اقتصادی است که جایگاه ویژه‌ای دارد. در اینجا دو فصل به این موضوع اختصاص داده شده است. فصل شانزدهم راجع به کلیات جدول داده - ستاده و روابط بین اجزای آن است. در فصل هفدهم نیز برخی کاربردهای مهم جدول داده - ستاده ازانه شده است.