

# کنترل مقاوم $H_\infty$

www.ketab.ir

حمیدرضا تقی‌راد

عضو هیئت علمی دانشکده مهندسی برق دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

محمد فتحی و فربنا زمانی اسگویی



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

شماره ۵۵۵

سرشناسه: تقی‌راد، حمیدرضا - ۱۳۴۵ -

عنوان و نام پدیدآور: کنترل مقاوم H<sup>∞</sup>/نویسنده‌ان: حمیدرضا تقی‌راد، محمد فتحی، فریناز زمانی اسکویی.

وضعیت ویراست: ویراست ۲.

مشخصات نشر: تهران: دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، ۱۴۰۳.

مشخصات ظاهری: ۴۵۳ ص: مصور (بخشی رنگی)، جدول، نمودار.

فروش: انتشارات دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، ۵۵۵.

شابک: ISBN: 978-622-5234-39-0

۹۷۸-۶۲۲-۵۲۳۴-۳۹-۰

وضعیت فهرست نویسی: فیبا

یادداشت: واژه‌نامه.

یادداشت: کتابنامه.

یادداشت: نمایه.

موضوع: کنترل مقاوم /

موضوع: مهندسی کنترل /

شاخص افزوده: فتحی، محمد، ۱۳۶۳ -

شاخص افزوده: زمانی اسکویی، فریناز، ۱۳۶۳ -

رده بندی کنگره: TJ213

رده بندی دیوبی: ۶۲۹/۸

شماره کتابشناسی ملی: ۹۸۰۵۹۹۷

<http://press.kntu.ac.ir>



ناشر: دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی

عنوان: کنترل مقاوم H<sup>∞</sup>

مؤلفان: حمیدرضا تقی‌راد، محمد فتحی، فریناز زمانی اسکویی

ویرایش: دوم

نوبت چاپ: اول

تاریخ انتشار: آبان ۱۴۰۳

شمارگان: ۲۰۰ نسخه

چاپ و صحافی: گرانمایی

قیمت: ۴۸۰,۰۰۰ تومان

(تمام حقوق برای ناشر محفوظ است)

خیابان میرداماد غربی - پلاک ۴۷۰ - انتشارات دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی - تلفن: ۰۵۲-۸۸۸۸۱۰۵۲  
میدان ونک - خیابان ولی عصر (عج) - رویروی ساختمان اسکان - مرکز پخش و فروش انتشارات - تلفن: ۰۲۷۷۷۷۲۷۷

رایانه‌های: <http://press.kntu.ac.ir> - [press@kntu.ac.ir](mailto:press@kntu.ac.ir) - تارنما (فروش آنلاین):

## پیشگفتار

امروزه شاهد گسترش روز افزون سیستم‌های کنترل پیشرفته صنعتی در کشور هستیم، با توجه به اینکه کنترل مقاوم با داشتن پشتوانه قوی ریاضی و استفاده وسیع در کاربردهای صنعتی، بسیار مورد توجه محققین و متخصصین قرار گرفته است و سیستم‌های کنترل مقاوم به عنوان شاخه مهمی از گرایش کنترل در دانشگاه‌ها و صنعت شناخته می‌شود، آشنائی دانش پژوهان و متخصصین کشور با مبانی و مفاهیم این نوع سیستم‌های کنترل ضروری به نظر می‌رسد. با اینکه تحقیقات و گسترش فناوری در زمینه کنترل مقاوم در دانشگاه‌ها و بخش‌های گوناگونی از صنایع دنیال می‌شود، اما تا کنون هیچ کتاب درسی مرجع به زبان فارسی در این زمینه تدوین نشده است. تا نیاز آموزشی دانش پژوهان را با توجه به ویژگی‌های نظری و کاربردی این زمینه برآورده سازد. نگارش این کتاب در ابتدا از برداشت‌ها و دریافت‌های مستقیم مولف اول از آموزه‌های مرحوم پروفیسور رحیم است، که به عنوان پدر علم کنترل مقاوم در مجتمع علمی دنیا شناخته می‌شود. تأثیر شگرفی که ایشان در توسعه این شاخه از علم کنترل داشته، بر محققین این زمینه پوشیده نیست، و در این کتاب سعی شده است در بخش‌های مربوط به توسعه مختلف کنترل مقاوم، تا حد ممکن گرمی نوای استاد به مخاطبین منتقل گردد.

کتاب‌های زیادی در زمینه کنترل مقاوم در دیگر شهرت شده است که هر یک از دیدگاه خاصی به بیان یکی از روش‌ها و بخشی از مفاهیم کنترل مقاوم پرداخته‌اند. علیرغم اینکه همه این کتاب‌ها در جایگاه خود بسیار مفید و با ارزش هستند، اما معمولاً کمتر با دیدگاه آموزشی بلکه بیشتر در راستای توسعه نظری این زمینه نگاشته شده‌اند. تجربه تدریس مدام این درس در دانشگاه‌های ایران نشان می‌دهد، استفاده مستقل یکی از این کتاب‌ها به منظور آموزش روش‌های کاربردی کنترل مقاوم برای دانشجویان و محققین دلچسب نیست. گاهی این موضوع ممکن است حتی ایجاد سردرگمی در تولید تصویری منسجم از این زمینه مهندسی در مخاطب نماید و ارتباط لازم میان مفاهیم نظری و طراحی کاربردی کنترل کننده مقاوم را فراهم نیاورد. از طرفی غالب این کتاب‌ها مثال‌های یکپارچه‌ای برای فرآگیری موضوع ارائه نمی‌دهند. این موضوع طی تدریس این درس به دانشجویان کارشناسی ارشد بیشتر نمایان شده است و اشتیاق دانشجویان برای حل مثال‌های کاربردی و انجام بروزهای درسی بیش از پیش احساس شده است.

دو رویکرد کلی در تدوین کتاب آموزشی در زمینه کنترل مقاوم می‌تواند مورد توجه قرار گیرد. در رویکرد اول جمع‌آوری همه‌ی روش‌های کنترل مقاوم مانند  $H_\infty$  خطی و غیرخطی، سنتز  $L_1$ ، شکل دهنده حلقه، روش‌های خاریتناوف و QFT در یک مرجع واحد می‌تواند مقدار نظر قرار گیرد. با توجه به حجم بالای مطالب مربوط به هر یک از این روش‌ها و محدودیت حجم یک کتاب، امکان پرداختن به مفاهیم به صورت عمیق میسر نمی‌شود و لاجرم لازم است تنها به بیان کلیات روش‌های مختلف پرداخته شود. در رویکرد دوم که مد نظر این کتاب قرار گرفته است، ضمن اشاره کلی به روش‌های مختلف، تمرکز بر تدوین مفاهیم و گسترش روش‌های مبتنی بر طراحی کنترل کننده مقاوم،  $H_\infty$  و سنتز  $L_1$  قرار می‌گیرد. همچنین استفاده وسیع از نرم‌افزار مطلب و به خصوص جعبه ابزار کنترل مقاوم در آن کمک خواهد نمود تا ضمن بسط مفاهیم ریاضی و نظری، دانش پژوهان را در استفاده از الگوریتم‌های آماده راهنمایی نموده و ایشان را با برنامه‌های آماده شده در این جعبه ابزار آشنا سازد.

بدین ترتیب این کتاب با نگارش مستقل بخش‌های مفهومی متأثر از آموزه‌های پروفیسور رحیم، ترجمه و تخلیص برخی متون از مراجع و منابع مختلف، و توسعه برنامه‌های گوناگون در نرم‌افزار مطلب و جعبه ابزار کنترل مقاوم، به رشته تحریر

کارشناسی ارشد قرار گیرد. هرچند این کتاب نیاز به کتابهایی که در بخش مراجع معرفی شده‌اند را بر طرف نمی‌سازد، اما می‌تواند به عنوان راهنمای کاملی مورد استفاده دانشجویان و استادی ارجمند قرار گیرد. طیف دیگر از مخاطبین این کتاب کارشناسان محترمی هستند که در صنایع کشور مشغول به فعالیت بوده و علاقه‌مند به استفاده از روش‌های طراحی کنترل مقاوم در کاربردهای مورد نظر خود می‌باشند. این کتاب به عنوان تنها مرجع فارسی در این زمینه می‌تواند راهگشای این کارشناسان باشد.

این کتاب توسط همکاران و دانشجویان زیادی مورد بازبینی و تصحیح قرار گرفته است. علیرغم تلاش فراوان نسبت به تصحیح اشکالات، قطعاً همچنان اشکالات دیگری در آن وجود دارد، که باعث خوشحالی مولفین خواهد شد اگر این موارد به صورت الکترونیکی به آدرس [taghirad@kntu.ac.ir](mailto>taghirad@kntu.ac.ir) گزارش شود. همچنین کلیه برنامه‌های مورد استفاده در این کتاب و موارد اصلاحی مورد اشاره در وب‌گاه کتاب به آدرس:

<http://aras.kntu.ac.ir/publications/books/robust>

به روز رسانی خواهد شد. دانشجویان و کارشناسان محترم می‌توانند با مراجعة به این پایگاه از کدهای نوشته شده در این کتاب بهره برداری نموده و ضمن فرآگیری موضوعات درس امکان تمرین بیشتری را داشته باشند. کارشناسان صنایع نیز می‌توانند با استفاده از الگوی ارائه شده در این برنامه‌ها، با استفاده از ساختار آن و تغییر در جزئیات، به طراحی و تحلیل کنترل‌کننده‌های مناسب در کاربرد خود بپردازند. در پایان از کلیه کسانی که در تدوین کتاب و انجام اصلاحات لازم ما را یاری نموده‌اند بخصوص دکتر علی خاکی صدیق، دکتر مهسان توکلی، دکتر سجاد ازگلی، دکتر آلا شریعتی، مهندس حامد طلوعی، مهندس محمد مطهری، مهندس پهمان باقری، مهندس محمدرضا نیری، مهندس یاسر شیرمحمدی و مهندس ذکریا افشار تشکر و قدردانی می‌نماید.

امید است این مجموعه برای دانشجویان و کارشناسان صنعتی کشور مفید و موثر قرار گیرد.

مهرماه ۱۴۰۲

## فهرست عناوین

۱	مقدمه	۱
۱.۱	مدل‌سازی، نامعینی و قوام	۱۶
۱.۲	تابع تبدیل حساسیت	۱۹
۱.۳	مسئله عمومی تنظیم	۲۳
۱.۴	ترکیب فصل‌ها	۲۶
۲	مروری بر ریاضیات کنترل مقاوم	۲۹
۲.۱	مقدمه‌ای بر مقدار و بردار ویژه	۲۹
۲.۲	مقدمه‌ای بر نرم	۲۴
۲.۳	مقادیر نکنین	۴۶
۲.۴	مقدمه‌ای بر فضاهای نرم‌دار	۵۲
۲.۵	جمع‌بندی فصل	۵۸
	تمرین‌ها	۵۹
۳	مدل‌سازی مسائل مقاوم	۶۳
۳.۱	مدل‌سازی سیستم‌های نامی	۶۳
۳.۲	معرف ریاضی نامعینی	۶۴
۳.۳	پیکربندی استاندارد مسائل کنترل مقاوم	۷۶
۳.۴	جمع‌بندی فصل	۹۸
	تمرین‌ها	۹۹
۴	تحلیل پایداری و کارایی مقاوم	۱۰۰
۴.۱	پایداری داخلی در سیستم پسخور نامی استاندارد	۱۰۰
۴.۲	پایداری داخلی در سیستم پسخور دارای نامعینی	۱۱۰
۴.۳	کارایی نامی یک سیستم پسخور	۱۱۴
۴.۴	کارایی مقاوم یک سیستم پسخور	۱۱۶
۴.۵	پایداری و کارایی در سیستم پسخور بر مبنای توابع $S$ و $T$	۱۱۶
۴.۶	پایداری و کارایی در سیستم پسخور استاندارد بر مبنای نرم بی‌نهایت	۱۲۲
۴.۷	پایداری و کارایی در سیستم پسخور استاندارد بر مبنای مقدار نکنین ساختاریافته	۱۲۵
۴.۸	جمع‌بندی فصل	۱۳۹
	تمرین‌ها	۱۴۰

۹.۲	طراحی کنترل کننده به روش سنتز $\mathcal{L}$ با نامعینی حقیقی و موهومی.....
۹.۳	مقایسه طراحی کنترل کننده با $\mathcal{L}$ موهومی و $\mathcal{L}$ مختلط.....
۹.۴	طراحی کنترل کننده به روش $\mathcal{L}$ با ساده سازی نامعینی ها.....
۹.۵	جمع بندی فصل.....
تمرین ها	۳۲۳.....
۱۰	کاهش مرتبه مدل.....
۱۰.۱	برش و باقیمانده.....
۱۰.۲	تحقیق متوازن.....
۱۰.۳	تخمین مقادیر تکین هنگل.....
۱۰.۴	کاهش مرتبه مدل در نرم افزار متلب.....
۱۰.۵	مثال جامع: کاهش مرتبه مدل.....
۱۰.۶	مثال جامع: کاهش مرتبه کنترل کننده ها.....
۱۰.۷	جمع بندی فصل.....
تمرین ها	۳۲۹.....
۱۱	طراحی نمونه: کنترل هر پرسی - سمتی هوایپمای F-14 .....
۱۱.۱	مدل نامی هوایپما.....
۱۱.۲	مشخصات کارابی مطلوب.....
۱۱.۳	تبدیل مشخصات کارابی به توابع وزنی.....
۱۱.۴	نامعینی در مدل.....
۱۱.۵	ساخت مدل سیستم در حضور نامعینی.....
۱۱.۶	طراحی کنترل کننده.....
۱۱.۷	مقایسه کنترل کننده ها در فضای فرکانسی .....
۱۱.۸	بررسی کارابی مقاوم کنترل کننده ها در فضای زمان .....
۱۱.۹	جمع بندی فصل.....
۱۲	طراحی نمونه: سیستم سه - ایترسی (SISO) .....
۱۲.۱	معرفی سیستم.....
۱۲.۲	شناسایی خطی سیستم غیرخطی.....
۱۲.۳	انتخاب سیستم نامی و تابع وزنی نامعینی ضربی .....
۱۲.۴	طراحی کنترل کننده بھیت $H_{\infty}$ .....
۱۲.۵	طراحی کنترل کننده $H_2/H_{\infty}$ .....
۱۲.۶	طراحی کنترل کننده توسط سنتز $\mathcal{L}$ .....
۱۲.۷	مقایسه کنترل کننده های طراحی شده با تحلیل $\mathcal{L}$ .....
۱۲.۸	جمع بندی فصل.....
۱۳	طراحی نمونه: سیستم pH (MIMO) .....
۱۳.۱	معرفی فرآیند pH .....

۴۴	۱۲.۲ انتخاب سیستم نامی و تابع وزنی نامعینی ضربی
۴۴۸	۱۲.۳ طراحی کنترل کننده‌ی بهینه $H_{\infty}$ با هدف عملکرد مقاوم
۴۶۰	۱۲.۴ طراحی کنترل کننده‌ی $H_2/H_{\infty}$
۴۶۵	۱۲.۵ طراحی کنترل کننده توسط سنترال
۴۶۹	۱۲.۶ مقایسه کنترل کننده‌ای طراحی شده با تحلیل مل
۴۷۱	۱۲.۷ جمع‌بندی فصل
۴۷۲	کتاب‌نامه
۴۷۸	واژه‌نامه انگلیسی به فارسی
۴۸۲	واژه‌نامه فارسی به انگلیسی
۴۸۶	نمایه

www.ketab.ir