

# نخستین درس در ریاضیات گستته

پدیدآورنده

لیان اندرسون

برگرداننده

مرتضی اسماعیلی

استاد دانشکده ریاضی

دانشگاه صنعتی اصفهان



امدادات و انجمنه صنعتی اصفهان

شماره کتاب ۹۰

گروه علوم ۳۲

## نخستین درس در ریاضیات گستته

ایران اندرسون	پدیدآورنده.....
دکتر مرتضی اسماعیلی	برگرداننده.....
انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان	حروف چینی و صفحه آرایی.....
انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان	ناشر.....
چاپخانه دانشگاه صنعتی اصفهان	لیتوگرافی، چاپ و صحافی.....
پاییز ۱۴۰۲	چاپ ششم.....
جلد ۱۰۰	شمارگان.....
۹۷۸-۹۶۴-۸۴۷۶-۰۰۲-۶	شابک.....
۱۴۵۰۰۰۰ ریال	قیمت.....

مدرس، ایران، ۱۹۴۲ - م.	سرشناسه
نخستین موسس در ریاضیات گستته / تالیف ایران اندرسن؛ ترجمه مرتضی اسماعیلی.	عنوان و نام پدیدآور
اصفهان: دانشگاه صنعتی اصفهان، انتشارات، ۱۳۸۹.	مشخصات نشر
شش، ۲۱۸،	مشخصات ظاهری
انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان؛ ۹۰. گروه علوم؛ .۳۲	فروش
۱۴۰۰۰ ریال؛ ۳۶۰۰۰ ریال چاپ دوم؛ ۶- ۹۷۸-۹۶۴-۸۴۷۶-۰۰۲-۶	شابک
۷۹۰۰۰ ریال (چاپ سوم)	و ضعیت فهرست نویسی
فایپا (چاپ دوم)	یادداشت
عنوان اصلی: A first course in discrete mathematics.	یادداشت
چاپ اول (۱۳۸۳) (فیبا).	یادداشت
چاپ دوم.	یادداشت
چاپ سوم: ۱۳۹۲	یادداشت
چاپ چهارم: (۱۳۹۳) (فیبا).	یادداشت
واژه‌نامه.	یادداشت
کتابنامه: ص. ۲۱۳ - ۲۱۴.	یادداشت
نمایه.	یادداشت
ریاضیات	موضوع
علوم کامپیوتر - ریاضیات	موضوع
اسماعیلی، مرتضی، ۱۳۳۶	شناسه افزوده
دانشگاه صنعتی اصفهان، انتشارات	شناسه افزوده
۰۳۱ ۳۳۹۱۲۹۰۲	رده بندی کنگره
۰۳۱ ۳۳۹۱۲۵۵۲	رده بندی دیوبی
۰۳۱ ۳۳۹۱۲۵۵۲	شماره کتابشناسی ملی

حق چاپ برای انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان محفوظ است.  
 اصفهان: دانشگاه صنعتی اصفهان - انتشارات - کدپستی ۸۴۰۵۷-۸۹۱۱۱ تلفن: ۰۳۱ (۳۳۹۱۲۹۰۲) دورنگار: ۰۳۱ (۳۳۹۱۲۵۵۲)  
 برای خرید اینترنتی کلیه کتاب‌های منتشره انتشارات می‌توانید به وبگاه <http://publication.iut.ac.ir> مراجعه و یا  
 مستقیماً از کتابخانه مرکزی دانشگاه صنعتی اصفهان (تلفن ۰۳۹۱۳۹۵۲) خریداری فرمایید.

# پیش‌گفتار مترجم

از جمله موضوعات اساسی مطرح به عنوان اصول ریاضیات گستته می‌توان به نظریه گراف، شمارش و طرح‌های ترکیبی همچون مربع‌های لاتین اشاره کرد. در اکثر کتاب‌های درسی ریاضیات گستته کم و بیش به این مباحث پرداخته می‌شود. در ایجاد زمینه و توان کافی برای تجزیه و تحلیل ساختارهای گستته و امکان استفاده بهینه از آنها، ساختمان‌های هندسی و جبری منتها، همچون صفحات تصویری و میدان‌های منتها، نقش کلبدی دارند. صفحه هفتم نقطه‌ای مثالی جالب در تبیین رابطه بین طرح‌های ترکیبی، گراف‌ها و کدها است.

زیبایی این کتاب در این نقطه است که مؤلف ضمن پرداختن به اجزای سه‌گانه شمارش، گراف و طرح‌های ترکیبی سی کده است یک مفهوم ترکیبیاتی را هنرمندانه به زبان‌های مختلف بیان نموده و حتی الامکان آن را بر قابل یک الگوی هندسی بیان نماید. در واقع این وجه تمایز اساسی کتاب حاضر با دیگر کتاب‌های نوشته شده در ریاضیات گستته می‌باشد.

در مجموع مطالب از نظر کمی و کیفی به گونه‌ای تنظیم شده‌اند که به سادگی قابل ارائه در یک درس دوره کارشناسی بوده و زمینه ریاضی خوبی برای مطالعه بیشتر در ترکیبیات و کاربردهای آن را فراهم می‌سازند.

مرتضی اسماعیلی

عضو هیئت علمی دانشگاه صنعتی اصفهان

اردیبهشت ۱۳۸۳

# پیش‌گفتار مؤلف

این جلد از کتاب‌های درسی *SUMS* مقدمه‌ای بر جنبه‌های متنوعی از ریاضیات گستته است. این به عنوان یک کتاب درسی مقطع کارشناسی، احتمالاً یک درس ریاضی سال دوم، در نظر گرفته شده است. بعضی از کتاب‌های درسی در ریاضیات گستته اصولاً برای دانشجویان علوم محاسبات نوشته شده‌اند، ولی این کتاب به منظور استفاده دانشجویانی تنظیم شده است که بدنبال یک درس ریاضیات گستته در رشته ریاضی هستند. هم‌اکنون ریاضیات گستته جایگاه خود را در مقطع کارشناسی در حد نسبتاً خوبی پیدا کرده است و قطعاً این جایگاه در هزاره سوم حفظ خواهد شد.

ریاضیات گستته جنبه‌های مختلفی دارد. یک بخش اساسی آن شمارش است، که مطالعه شمردن انواع مختلف آرایه‌ها است. برای نمونه می‌توان به شمردن تعداد حالت‌های ممکن برای انتخاب شش عدد بخت آزمایی از میان اعداد ۱، ۲، ...، ۴۹ یا تعداد درخت‌های فراگیر یک گراف کامل، یا تعداد حالت‌های ممکن برای مرتب نمودن ۱۶ تیم به چهار گروه چهار تبعی اشاره نمود.

در مدل‌سازی موقعیت‌های متنوعی، همچون سیستم‌های جاده‌ای، ملکول‌های شیمیایی و جدول زمانی امتحانات می‌توان از نظریه گراف استفاده نمود. ضمن معرفی کلی گراف‌ها، اشاره‌ای خواهیم داشت به خواص مهمی که یک گراف می‌تواند داشته باشد.

سومین زمینه از ریاضیات گستته که در این کتاب به آن پرداخته می‌شود موضوع آرایش‌ها یا ترکیب‌ها است. مربع‌های لاتین آرایش‌های خاصی از نمادها هستند؛ یک چنین آرایش‌هایی در ساخت طرح‌های تجربی، مربع‌های جادویی و طرح‌های بازی به کار می‌روند. این ما را به سمت مطالعه طرح‌های بلوکی سوق می‌دهد که، بدجهت کاربرد آن‌ها در طراحی آزمایش‌ها، به وسیله آماردانان و ریاضی‌دانان زیاد مورد بحث قرار می‌گیرند. کتاب با ارائه مقدمه کوتاهی درباره ایده‌هایی که در پس کدهای تصحیح گشته خطأ وجود دارند به پایان می‌رسد.

برای قادر بودن به درک محتوای کتاب، خواننده به مقدار زیادی از دانش فنی نیاز

ندارد. یک دانشی از روش اثبات با استقراء، یک آشنایی با نظریه ماتریس و محاسبات به هنگ ۷، آشنایی مختصری با سری‌های هندسی به همراه یک وضوح فکری معینی امکان مطالعه کتاب را فراهم می‌سازند. اغلب اوقات مسئله اصلی که خواننده با آن رویرو می‌شود عمق بحث نیست بلکه نگاه به مسئله از زاویه درست آن می‌باشد. واضح است که در این رابطه تعریف و تجربه مؤثر است.

هر فصل با تعداد قابل قبولی از تمرین به پایان می‌رسد. راهنمایی و جواب بعضی از این تمرین‌ها در انتهای کتاب ارائه شده است. بعضی از تمرین‌ها کاربرد مستقیم ایده‌های مطرح شده در طول فصل بوده و بعضی دیگر مسائل سخت‌تری هستند که به خودی خود جالب بوده و یا در فصل‌های دیگر کتاب مورد استفاده قرار می‌گیرند.

امیدوارم که این کتاب فراهم کننده شالوده یک درس آغازین در ریاضیات گستته باشد. واضح است که انتخاب مواد یک چنین درسی بستگی به علاقه مدرس دارد، ولی به نظر می‌رسد که مباحث مطرح شده در حدی هستند که مدرس قادر به یک انتخاب مناسب باشد. اگرچه این کتاب به اشکال گوناگون منافر از کتاب‌های زیادی است که در طول سال‌های گذشته ظاهر شده‌اند اما نهایتاً براساس علاقه و تجربه شخصی خود در تدریس ریاضیات گستته در سطوح مختلف، از دبیرستان تا سال آخر دوره کارشناسی، تألیف شده است.

دانشگاه گلاسکو، ژوئن ۲۰۰۰

# فهرست مندرجات

## فصل ۱: شمارش و ضرایب دوجمله‌ای

- ۱.۱. اصول پایه
- ۲.۱. فاکتوریل‌ها
- ۳.۱. انتخاب‌ها
- ۴.۱. ضرایب دوجمله‌ای و مثلث پاسکال
- ۵.۱. انتخاب با تکرار
- ۶.۱. یک عمل معکوس‌سازی ماتریسی مفید

۱  
۲  
۳  
۷  
۱۱  
۱۴

## فصل ۲: روابط بارگشتی

- ۱.۲. چند مثال
- ۲.۲. روش معادله معین
- ۳.۲. توابع مولد
- ۴.۲. بی‌نظمی
- ۵.۲. الگوریتم‌های مرتب‌سازی
- ۶.۲. اعداد کنلان

۲۱  
۲۵  
۲۹  
۳۱  
۳۵  
۳۷

## فصل ۳: مقدمه‌ای بر گراف

- ۱.۳. مفهوم یک گراف
- ۲.۳. مسیر در گراف‌ها
- ۳.۳. درخت‌ها
- ۴.۳. درخت‌های فراگیر
- ۵.۳. گراف‌های دو قسمتی
- ۶.۳. تسطیح پذیری
- ۷.۳. چندوجهی‌ها

۴۲  
۵۰  
۵۱  
۵۴  
۵۷  
۵۹  
۶۵

## فصل ۴: گشت کامل در یک گراف

- ۱.۴. گراف‌های همبولتونی
- ۲.۴. تسطیح پذیری و گراف‌های همبولتونی
- ۳.۴. مسئله مرد فروشنده دوره‌گرد
- ۴.۴. کدهای گری
- ۵.۴. گراف‌های اوپلری
- ۶.۴. دگراف‌های اوپلری

۷۳  
۷۵  
۷۹  
۸۲  
۸۳  
۸۶

## فصل ۵: افزارها و رنگ آمیزی‌ها

۹۵	۱.۵. افزارهای یک مجموعه
۹۷	۲.۵. اعداد استرلینگ
۱۰۰	۳.۵. شمارش توابع
۱۰۲	۴.۵. رنگ کردن رتوس گراف‌ها
۱۰۵	۵.۵. رنگ کردن اضلاع گراف‌ها

## فصل ۶: اصل شمول-حذف

۱۱۳	۱.۶. اصل
۱۱۹	۲.۶. شمارش توابع پوشان
۱۱۹	۳.۶. شمارش درخت‌های برچسب‌گذاری شده
۱۲۱	۴.۶. تقلا
۱۲۳	۵.۶. مسئله زناشویی

## فصل ۷: مریع‌های لاتین و قضیه هال

۱۲۷	۱.۷. مریع‌های لاتین و تعامل
۱۲۱	۲.۷. مریع‌های جادویی
۱۲۲	۳.۷. سیستم‌های نماینده‌های متمايز
۱۲۷	۴.۷. از مریع‌های لاتین به صفحات آفینی

## فصل ۸: برنامه‌ها و -عامل‌سازها

۱۴۵	۱.۸. روش دایره
۱۵۱	۲.۸. مسابقات دوقسمتی و ۱-عامل‌سازهای $K_{n,n}$
۱۵۴	۳.۸. مسابقات حاصل از مریع‌های لاتین منعامل

## فصل ۹: مقدمه‌ای بر طرح‌ها

۱۰۹	۱.۹. طرح‌های بلوکی غیرمنوازن
۱۶۷	۲.۹. طرح‌های تجزیه‌پذیر
۱۷۰	۳.۹. صفحات تصویری منتهی
۱۷۲	۴.۹. ماتریس‌های هادامارد و طرح‌ها
۱۷۷	۵.۹. روش تفاضلی
۱۷۹	۶.۹. ماتریس‌های هادامارد و کدها

ضمیمه

## جواب تمرین‌ها

۱۹۱	مطالعه بیشتر
۱۹۵	کتاب‌نامه
۲۱۱	واژه‌نامه
۲۱۳	
۲۱۵	