

# حساب دیفرانسیل و انتگرال

## یک متغیره

پدیدآورندگان:  
www.ketab.ir

حمیدرضا ظهوری زنگنه  
استاد دانشکده علوم ریاضی  
دانشگاه صنعتی اصفهان

امیر نادری  
دانشیار دانشکده علوم ریاضی  
دانشگاه صنعتی اصفهان



امیدرات، اندیشه، صنعت، امنیت

شماره کتاب ۹۱

گروه علوم ۳۳

## حساب دیفرانسیل و انتگرال یک متغیره

همیدرضا ظهوری زنگنه و امیر نادری	پدیدآورندگان
قدسیه و کیلی	ویراستار
زهرا صدرعاملی	صفحه آرا
مرتضیه خردمند	طراح جلد
چایخانه دانشگاه صنعتی اصفهان	لیتوگرافی، چاپ و صحافی
انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان	ناشر
زمستان ۱۴۰۲	چاپ پنجم
۱۰۰ جلد	تیراز
۹۷۸-۹۶۴-۸۴۷۶-۰۳-۳	شابک
۳۹۰۰۰۰ ریال	قیمت

عنوان و نام پدیدآور	سرشناسه
مشخصات نشر	عنوان
مشخصات ظاهری	مشخصات نشر
فروست	مشخصات ظاهری
شابک	فروست
یادداشت	شابک
یادداشت	یادداشت
یادداشت	یادداشت
یادداشت	یادداشت
موضع	یادداشت
شناسه افزوده	موضع
شناسه افزوده	موضع
ردہ بنڈی کنکره	شناسه افزوده
ردہ بنڈی دیوبی	ردہ بنڈی کنکره
شماره کتابشناسی ملی	ردہ بنڈی دیوبی

حق چاپ برای انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان محفوظ است.

اصفهان: دانشگاه صنعتی اصفهان - انتشارات - کدپستی ۸۴۱۵۶-۸۳۱۱۱ (تلفن: ۰۳۱ ۳۳۹۱۲۹۵۲) دورنگار: ۰۳۱ ۳۳۹۱۲۵۰۲  
برای خرید اینترنتی کلیه کتاب‌های منتشره انتشارات می‌توانید به وبگاه <http://publication.iut.ac.ir> مراجعه و با  
مسئیما از کتابفروشی انتشارات واقع در کتابخانه مرکزی دانشگاه صنعتی اصفهان (تلفن ۰۳۱ ۳۳۹۱۳۹۵۲) خریداری فرمائید.

# فرست مطالب

.....	پیشگفتار	۱
۱.....	۱ مفاهیم پایه	۱
۱.....	۱.۱ مجموعه اصول برای دستگاه اعداد حقیقی	۱
۱۴.....	۲.۱ برخی خواص اعداد حقیقی	۱
۱۹.....	۳.۱ اعداد مختلط	۱
۲۷.....	۴.۱ توابع	۱
۴۵.....	پادداشت تاریخی: تاریخچه ابداع حساب دیفرانسیل و انگرال	۱
۴۷.....	۲ دنباله‌ها	۲
۴۷.....	۱.۲ تعریف و نمایش هندسی دنباله‌ها	۲
۵۵.....	۲.۲ دنباله‌های نامتناهی	۲
۵۹.....	۳.۲ همگرایی و واکرانی دنباله‌ها	۲
۷۲.....	۴.۲ دنباله‌های کراندار و یکنواخت	۲
۷۸.....	۵.۲ مدل جمعیت	۲
۸۵.....	مسائل گوناگون	۲
۸۶.....	پیوست، زیردنباله‌ها و دنباله کوشی	۲
۹۳.....	۳ حد و پیوستگی	۳
۹۳.....	۱.۳ حد توابع	۳
۱۰۶.....	۲.۳ حد های یکطرفه	۳
۱۱۰.....	۳.۳ حد در بینهایت	۳
۱۱۵.....	۴.۳ پیوستگی	۳
۱۲۳.....	۵.۳ پیوستگی سراسری	۳
۱۳۶.....	پیوست، پیوستگی سراسری و یکنواخت	۳
۱۴۳.....	۴ مشتق	۴
۱۴۳.....	۱.۴ تعریف و قضایای اساسی	۴
۱۵۹.....	۲.۴ قضیه رل و میانگین	۴
۱۶۹.....	۳.۴ ماکریم و مینیمم	۴
۱۸۲.....	۴.۴ معکوس توابع	۴
۱۸۹.....	۵.۴ قاعدة هوپیتال	۴

(الف)

۱۹۷	روشهای نیوتن و پیکارد	۶.۴
۲۰۹	مسائل گوناگون	۶.۵
۲۱۱	یادداشت تاریخی	۶.۶
۲۱۳	پیوست، روش نیوتن در صفحه مختلط	۶.۷
<b>۵ انتگرال</b>		
۲۲۱	۱.۵ مساحت	۵.۱
۲۲۱	۲.۵ انتگرال معین	۵.۲
۲۳۱	۳.۵ خواص انتگرال	۵.۳
۲۴۵	۴.۵ قضیه اساسی انتگرال	۵.۴
۲۵۳	مسائل گوناگون	۵.۵
۲۶۳	۵.۵ مساحت نواحی مسطح	۵.۶
۲۶۵	۶.۵ حجم	۵.۷
۲۷۰	۷.۵ طول قوس و مساحت رویه‌های دورانی	۵.۸
۲۸۱	یادداشت تاریخی	۵.۹
۲۹۰	پیوست، مبانی نظری انتگرال ریمان	۵.۱۰
۲۹۵	مبانی نظری	۵.۱۱
۳۰۱	اثبات برخی قضایای انتگرال	۵.۱۲
۳۰۸	معرفی دیگر از انتگرال ریمان	۵.۱۳
<b>۶ توابع غیرجبری</b>		
۳۱۷	۱.۶ توابع لگاریتم و نمای	۶.۱
۳۱۷	۲.۶ دیگر توابع نمایی و لگاریتمی	۶.۲
۳۲۰	۳.۶ توابع هنلولوی	۶.۳
۳۲۸	۴.۶ رشد و زوال	۶.۴
۳۴۵	مسائل گوناگون	۶.۵
۳۵۱	یادداشت تاریخی	۶.۶
۳۵۳		۶.۷
<b>۷ روش‌های انتگرال‌گیری</b>		
۳۵۷	۱.۷ تعریض متغیر	۷.۱
۳۶۷	۲.۷ روش جزء به جزء	۷.۲
۳۷۳	۳.۷ جانشایهای وارون	۷.۳
۳۷۷	۴.۷ روش کسرهای جزبی	۷.۴
۳۸۴	تمرینات دوره	۷.۵
۳۸۶	۵.۷ انتگرالهای نامتناهی و ناسره	۷.۶
۳۹۷	مسائل گوناگون	۷.۷

<b>۸ سریهای نامتناهی</b>	<b>۸</b>
۴۰۱.....	۱.۸ سریهای نامتناهی
۴۰۱.....	۲.۸ آزمونهای همگرایی برای سریهای مثبت
۴۱۱.....	۳.۸ سریهای نامتناهی با جملات مثبت و منفی
۴۲۲.....	۴.۸ سریهای توان
۴۲۳.....	۵.۸ مشتق و انتگرال سریهای توان
۴۲۴.....	۶.۸ چندجمله‌ایها و سریهای تیلور
۴۶۵.....	۷.۸ محاسبه با چندجمله‌ایها و سریهای تیلور
۴۸۵.....	مسائل گوناگون
۴۹۰.....	یادداشت تاریخی
۴۹۳.....	پیوست، مشتق و انتگرال سریهای توان، قضیه ریمان
<b>پیوست ۱</b>	
۵۰۱.....	کاربرد نرم‌افزار ریاضی میپل
<b>پیوست ۲</b>	
۵۰۱.....	مسائل مسابقات پانزدهم
۵۲۵.....	
۵۳۷.....	مراجع
۵۴۹.....	نمادها
۵۵۱.....	اسامی لاتین
۵۵۳.....	فهرست راهنما

## پیشگفتار

کتابهای حساب دیفرانسیل و انتگرال بسیاری به زبان انگلیسی در بازارهای ایران موجود است. این کتابها عموماً با در نظر گرفتن زمینه‌های ریاضی دانشجویان و رودی دانشگاههای خارج از کشور، بدون آشنایی قبلی با مفاهیم حساب دیفرانسیل و انتگرال، تدوین گشته است. در قیاس، دانشجویان و رودی دانشگاههای داخلی به زمینه‌های نسبتاً خوبی در مفاهیم مقدماتی حساب دیفرانسیل و انتگرال، به ویژه در دوره‌های پیش‌دانشگاهی، دست یافته‌اند. از این رو وجود یک کتاب حساب دیفرانسیل و انتگرال تألیفی، مناسب با زمینه‌های ریاضی دانشجویان و رودی دانشگاههای داخلی ضروری به نظر می‌رسد. کتاب حساب دیفرانسیل و انتگرال توابع یک متغیره حاضر با در نظر گرفتن این ضرورت تالیف گشته است. نگارش کتاب از سال ۱۳۷۲ آغاز گردیده است و از آن زمان ویرایش رو به نکامل آن، هر سال، برای تدریس در دانشگاه صنعتی اصفهان مورد استفاده قرار گرفته است. کتاب دارای ویژگیهای زیر است:

۱. تعریف حد توابع با استفاده از دنباله‌ها اثبات قضایای کتاب را کوتاه، ساده و قابل فهم‌تر می‌سازد.

۲. هیچ قضیه‌ای در کتاب بدون اثبات ارائه نشده است. پیوستهای کتاب به غنای مطالب افزوده است. اثبات قضایای در پیوستها کمی فراتر از مباحث مورد مطالعه در کتابهای حساب دیفرانسیل و انتگرال مقدماتی است. همچنین مطالب پیشرفت‌های در پیوستها عنوان شده است که در کتابهای مقدماتی کمتر مطرح می‌شوند از جمله این مطالب می‌توان به روش نیوتون در صفحه مخلط و فراکتلها و نیز بیان نظری انتگرال ریمان اشاره نمود.

۳. کتاب شامل مثالهای متعدد حل شده و گنجینه‌ای از تمرینات متعدد است. علاوه بر تمرینات هر بخش که به آمورش مطالب آن بخشنده کمک می‌نماید، تمرینات گوناگون در انتهای هر فصل مفاهیم آن فصل را در سطحی پیشرفته‌تر تکامل می‌بخشد.

۴. علاوه بر غنای مفاهیم نظری، مباحث کاربردی زیادی مورد توجه قرار گفته است که از جمله این مباحث می‌توان مدل‌های خطی و لجستیک گستره و پیوسته برای جمعیت، روش‌های پیکار و نیوتون برای تعیین ریشه یک تابع، کاربرد سریهای تیلور در تخمین مقادیر توابع و کاربرد میل در حساب دیفرانسیل و انتگرال توابع یک متغیره را نام برد.

۵. مسائل مسابقات ریاضی پانام مرتبه با مطالب این کتاب از شروع تاکنون در جهت تقویت انگیزه در دانشجویان و گسترش دانش ریاضی آنان منظور گشته است.

۶. باداشتهای تاریخی در انتهای هر فصل، سیر تکاملی مفاهیم آن فصل را نمایان می‌سازد.

۷. مطالب کتاب به نحوی تنظیم شده است که می‌تواند برای دو درس ۳ واحدی یا یک درس ۴ واحدی حساب دیفرانسیل و انتگرال توابع یک متغیره مورد استفاده قرار گیرد.

تشکر و قدردانی مؤلفین کتاب مراتب تشکر و قدردانی خود را از خاتم دکتر قدسیه وکیلی بابت ویرایش علمی و از آقای دکتر سیدقه‌مان طاهریان، آقای دکتر بیژن ظهوری زنگنه، خاتم دکتر بهناز عمومی و نیز کلیه همکارانی که همراهه از ویرایش‌های گرناگون کتاب برای تدریس درس ریاضی عمومی I استفاده نموده‌اند بابت نکات مهمی که در جهت بهبود برخی از مطالب کتاب یادآور شده‌اند ابراز می‌دارند. مؤلفین همچنین از آقای دکتر بیژن طائری بابت راهنمایی‌های مؤثر در به کارگیری نرم‌افزار ریاضی‌نگار جهت نشر کامپیوتري کتاب و آقای جعفر اسماعیلی بابت ترسیمات کامپیوتري کمال نشکر را دارند. نشر کامپیوتري کتاب حاضر حاصل ذحمات بی‌شایسته خاتم زهراء صدرعاملی است که با حوصله و دقت فراوان عهددار تایپ کامپیوتري آن بوده‌اند که در اینجا مؤلفین مراتب تشکر و قدردانی خود را از ایشان ابراز می‌دارند. در پایان مؤلفین از مرکز نشر و چاپخانه دانشگاه صنعتی اصفهان برای چاپ کتاب کمال نشکر را دارند.

امیر نادری  
دانشکده علوم ریاضی  
دانشگاه صنعتی اصفهان  
amir@cc.iut.ac.ir

همیدرضا ظهوری زنگنه  
دانشکده علوم ریاضی  
دانشگاه صنعتی اصفهان  
hamidz@cc.iut.ac.ir