

بسمه تعالیٰ

# روش‌های عددی

# در هوشمناسی و اقیانوس‌شناسی

ترجمه:

دکتر سعید ملا اسماعیل پور



## انتشارات دانشگاهی فرهمند

نام کتاب: روش‌های عددی در هواشناسی و اقیانوس‌شناسی

تألیف: کریستوفر دوس

ترجمه: دکتر سعید ملا‌ اسماعیل‌پور

تاریخ و نوبت چاپ: اول ۱۴۰۱

شماره‌گان: ۱۰۰ نسخه

بهای: ۱۲۰۰۰۰ ریال

شابک: ۹۷۸-۶۲۲-۷۳۱۵-۵۴-۷

حق چاپ برای نشر دانشگاهی فرهمند محفوظ می‌باشد

نشانی: تهران، خیلیان انقلاب، رویروی دانشگاه تهران، ساختمان فروزنده، طبقه اول، واحد ۴۱۹

تلفن: ۰۲۶۹۶۱۴ - ۰۶۴۱۰۸۸

**WWW.FARBOOK.IR**  
Farbook.pub@gmail.com

سرشناسه : دوس، کریستوفر  
Döös, Kristofer

عنوان و نام پدیدآور : روش‌های عددی در هواشناسی و اقیانوس‌شناسی/کریستوفر دوس؛ ترجمه سعید ملا‌ اسماعیل‌پور

مشخصات نشر : تهران: نشر دانشگاهی فرهمند، ۱۴۰۱.

مشخصات ظاهری : ۱۷۷ ص: مصور، تموذار (رنگی).

شابک : ۹۷۸-۶۲۲-۷۳۱۵-۵۴-۷

وضعیت فهرست : فیبا  
نویسی

پادداشت : عنوان اصلی: Numerical Methods in Meteorology and Oceanography.

پادداشت : کتابنامه.

موضوع : هواشناسی -- الگوهای ریاضی

Meteorology -- Mathematical models

اقیانوس‌شناسی -- الگوهای ریاضی

Oceanography -- Mathematical models

آنالیز عددی

Numerical analysis

حساب عددی

Numerical calculations

شناسه افزوده : ملا‌ اسماعیل‌پور، سعید، ۱۳۵۵، مترجم

شناسه افزوده : فرهمند زادگان، طیارضان، ۱۳۵۱، مترجم

رده بندی کنگره : QC۸۶۱/۳

رده بندی دیوی : ۵۵۱/۵

شماره کتابشناسی ملی : ۹۰۸۵۱۹۴

اطلاعات رکورد : فیبا

کتابشناسی

## پیش‌گفتار مترجم

کمبود کتاب درسی به زبان فارسی در زمینه روش‌های عددی در هواشناسی و اقیانوس‌شناسی چه در بحث تألیف و چه در بحث ترجمه، ما را ترغیب به ترجمه این اثر Numerical Methods in Meteorology and Oceanography اثر کریستوفر دوس، استاد دانشکده هواشناسی دانشگاه استکهلم سوئد می‌باشد. در این کتاب با استفاده از طرح‌واره‌های مختلف به تحلیل روش‌هایی پرداخته شده است که جواب‌های عددی معادلات را به ما می‌دهد. زیرا حل تحلیلی معادلات بعض‌اً پیچیده و حتی به روش‌های معمول غیرممکن است. از این‌رو، ناچار به بررسی و حل آنها با روش‌های عددی می‌باشیم. به طور نمونه، برای حل معادلات دیفرانسیل جزئی (PDE) نیاز به گسته‌سازی آنها داریم. روش تفاضل محدود یک روش مستقیم برای گسته‌سازی این معادلات است. به این معنی که به جای تحلیل یک معادله در یک مکان پیوسته، آن را به دو یا چند معادله در مکان‌های گسته تبدیل می‌کنیم. این کتاب مشتمل بر ۱۴ فصل است که در فصل آخر (فصل ۱۴) نمونه سوالات امتحانی دانشگاه استکهلم سوئد از سال ۱۹۹۹-۲۰۰۸ اووده شده است.

این کتاب برای دانشجویان رشته‌های هواشناسی، اقیانوس‌شناسی فیزیکی، فیزیک دریا، ریاضیات کاربردی و سایر رشته‌های مهندسی بهویژه مکانیک سیالات بسیار مفید است. در خاتمه هرگونه نظر و پیشنهادی از سوی دانشجویان، خوانندگان و همکاران محترم در جهت بهبود کیفیت این کتاب با نشانی و ایمیل [esmaeilpour@aut.ac.ir](mailto:esmaeilpour@aut.ac.ir) موجب امتنان خواهد بود.

دکتر سعید ملا‌ اسماعیل‌پور

زمستان ۱۴۰۱

## فهرست مطالب

۹	فصل ۱: مقدمه
۱۱	فصل ۲: معادلات دیفرانسیل جزئی (PDE)
۱۲	۱-۲- مقدمه
۱۳	۲-۲- بیضوی
۱۵	۳-۲- سهموی
۱۶	۴-۲- هذلولی
۱۸	فصل ۳: تفاضلات محدود
۱۹	۱-۳- روش نقطه- شبکه
۱۹	۲-۳- طرح واره تفاضل محدود
۲۲	۳-۳- تفاضلات محدود زمانی
۲۴	۱-۳-۳- طرح واره‌های دو ترازی
۲۷	فصل ۴: پایداری عددی معادله فرارت (هذلولی)
۲۸	۱-۴- معادله فرارت با طرح واره لیپ- فرآگ، یعنی $O[(\Delta x)]^2$
۳۱	۲-۴- معادله فرارت با طرح واره اویلر (پیشرو) در زمان و طرح واره مرکزی در مکان
۳۳	۳-۳- طرح واره پاچریان یا پادبادسو
۳۷	۴-۴- معادله فرارت با طرح واره $O(\Delta x)^4$
۴۱	فصل ۵: مُد عددی
۴۲	۱-۵- مُد عددی طرح واره‌های سه ترازی
۴۵	۱-۱- شرط اولیه محاسباتی
۴۵	۲-۵- منع مُد محاسباتی
۴۷	فصل ۶: دقت سرعت فاز عددی
۴۸	۶- پراکندگی ناشی از گسستگی مکانی

۶-۲- پراکندگی ناشی از گسستگی زمانی.....	۴۸
۶-۳- پراکندگی ناشی از گسستگی مکانی و زمانی.....	۵۱
۶-۴.....	۵۴
فصل ۷: عبارات انتشار و اصطکاک (سهموی).....	
۷-۱- اصطکاک ریلی.....	۵۵
۷-۲- معادله گرما.....	۵۸
۷-۳- معادله فرارفت- انتشار.....	۶۴
۷-۴.....	۶۹
فصل ۸: معادلات پواسون و لاپلاس (بیضوی).....	
۸-۱- مقدمه.....	۷۰
۸-۲- روش تکرار ژاکوبی .....	۷۰
۸-۳- روش تکرار گاووس- سایدل .....	۷۱
۸-۴- روش فوق تخفیف متوالی (SOR) .....	۷۲
فصل ۹: معادلات آب کم عمق.....	
۹-۱- امواج گرانشی یک بعدی با تفاضل مرکزی مکانی.....	۷۴
۹-۲- امواج گرانشی دو بعدی با تفاضل مرکزی مکانی .....	۷۵
۹-۳- معادلات خطی آب کم عمق بدون اصطکاک.....	۷۷
۹-۴- پایستگی جرم، انرژی و آنستروفی.....	۷۹
۹-۵- معادلات آب کم عمق با عبارت های فرارفت غیر خطی .....	۸۶
۹-۶- ۹-۱- طرح واره های ضمنی و نیمه ضمنی .....	۸۶
۹-۷- ۹-۲- ۹-۴- ۹-۴- گسسته سازی .....	۸۸
۹-۸.....	۹۲
فصل ۱۰: طرح واره های ضمنی و نیمه ضمنی .....	
۱۰-۱- طرح واره ضمنی (قانون ذوزنقه) .....	۹۲
۱۰-۲- روش نیمه ضمنی کوییزاك و رابرت .....	۹۵
۱۰-۳- روش نیمه لاگرانژی .....	۹۷
۱۰-۴- ۱۰-۳- فرارفت غیرفعال یک بعدی (1-D) .....	۹۸

۱۰۰	۲-۳-۱۰- درونیابی و پایداری
۱۰۳	فصل ۱۱: هارمونیک‌های کروی
۱۰۴	۱۱- روش‌های طیفی
۱۰۶	۱۱- هارمونیک‌های کروی
۱۰۹	۱۱- روش تبدیل طیفی
۱۱۰	۱۱- کاربرد در معادلات آب کم‌عمق در گره
۱۱۲	فصل ۱۲: انواع مختلف مختصات
۱۱۳	۱۲- مختصات ارتفاع یا عمق ثابت
۱۱۴	۱۲- سایر مختصات قائم
۱۱۷	۱۲-۱- مختصات فضایی
۱۱۹	۱۲-۲- مختصات سیگما
۱۲۰	۱۲-۳- مختصات هیبرید
۱۲۲	۱۲-۴- مختصات مدل گردش عمومی اقیانوس
۱۲۲	۱۲-۳- اجزای محدود
۱۲۴	۱۲-۴- نتایج حاصل از مدل‌های گردش عمومی اقیانوس و جو
۱۲۶	فصل ۱۳: تمرینات عملی کامپیوترا
۱۲۷	۱۳-۱- هدف
۱۲۷	۱۳-۲- تئوری
۱۲۸	۱۳-۳- ابزار
۱۲۹	۱۳-۴- تمرینات نظری
۱۳۰	۱۳-۵- تمرینات تجربی
۱۳۲	۱۳-۶- تمرین آب کم‌عمق، توسط آندرس انگستروم
۱۳۲	۱۳-۷- تئوری

## پیش‌گفتار مؤلف

هدف از این نوشتة، ارائه مقدمه و مروری بر مدل‌سازی عددی اقیانوس و جو است. در این کتاب، طرح‌واره‌های عددی برای متداول‌ترین معادلات هواشناسی و اقیانوس‌شناسی تشریح شده است. برای سهولت، معادلات غالب به معادلات هیدرودینامیکی ارجاع داده می‌شوند، زیرا روش‌های عددی تشریح شده در این نوشتة، هم برای مدل‌سازی اقیانوس و هم برای جو قابل استفاده و کاربردی می‌باشند. از طرفی، عمدتاً به دلیل غیرخطی بودن معادلات هیدرودینامیکی که حرکت در اقیانوس و جو را توصیف می‌کنند، نمی‌توان جواب‌های تحلیلی برای آنها پیدا کرد. بنابراین، ناچار به تقریب عددی معادلات و حل عددی آنها با ساخت مدل‌های گرددش عددی هستیم.

کریستوفر دوس، استاد اقیانوس‌شناسی فیزیکی دانشکده هواشناسی، دانشگاه استکهلم (سوئد)